

Vorname: _____

Nachname: _____

Matrikel-Nr.: _____

Nachholklausur Wirtschaftsmathematik

Prüfer	Etschberger
Prüfungsdatum	12. März 2016
Prüfungsort	Augsburg
Studiengang	Wirtschaftsingenieurwesen
Bearbeitungszeit:	90 Minuten
Punkte:	90
Die Klausur umfasst	6 Aufgaben auf 28 Seiten
Zugelassene Hilfsmittel	Schreibzeug, Taschenrechner, der nicht 70! berechnen kann, ein mit dem Namen versehenes Din-A4 Blatt mit handgeschriebenen Notizen (keine Kopien oder Ausdrucke)

Weitere Regularien:

- ▶ Bitte überprüfen Sie vor Bearbeitungsbeginn die Vollständigkeit der Klausurangabe.
 - ▶ Tragen Sie Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer auf dem Deckblatt ein.
 - ▶ Die Heftung der Klausur darf nicht verändert werden.
 - ▶ Bitte tragen Sie die Lösung zu den jeweiligen Aufgaben *nur* direkt im Anschluss an die jeweilige Angabe ein. Sollte der Platz dort nicht ausreichen, verwenden Sie die Ersatzblätter am Ende der Klausurangabe.
 - ▶ Ergebnisse (auch Zwischenergebnisse) müssen mit mind. 4 gültigen Ziffern angegeben werden.
 - ▶ Der Lösungsweg muss klar dokumentiert werden.
 - ▶ Die Klausur ist in ordentlich lesbarer Form zu bearbeiten. Schwer lesbare Teile der Klausur werden als ungültig ersatzlos gestrichen.
 - ▶ Die Klausur unterliegt der für Sie zur Zeit gültigen Prüfungsordnung.
 - ▶ Bitte verwenden Sie *keine rote Farbe* zur Bearbeitung der Klausur.

Aufgabe 1

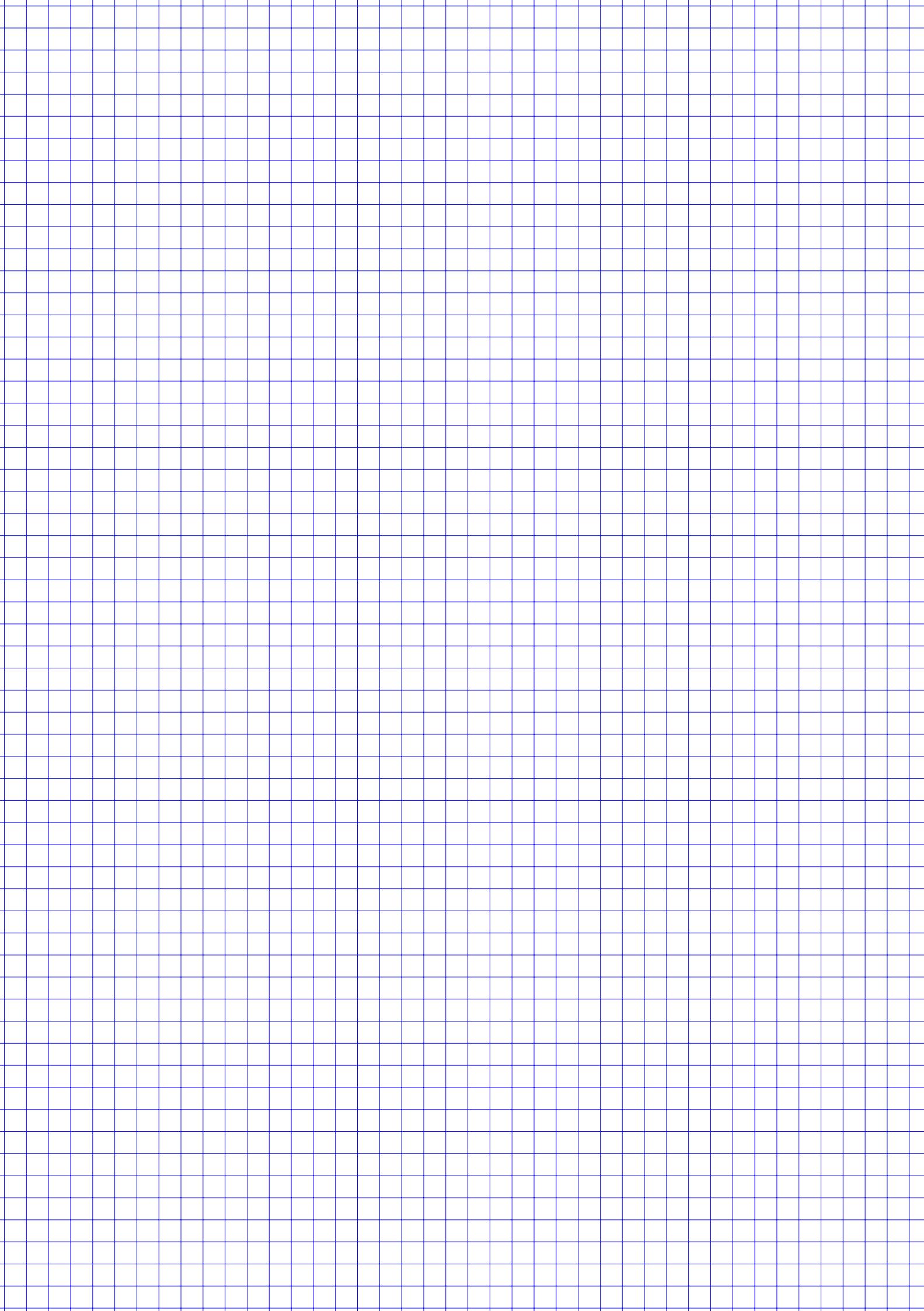
15 Punkte

Michael hat in der Fernsehshow Jungel-Camp 100 000 € gewonnen. Von diesem Gewinn möchte er sein Leben möglichst lange finanzieren. Nehmen Sie für die Aufgaben a) und b) an, dass Michael sein Leben ausschließlich aus dem Gewinn finanziert und von einem konstanten, jährlichen Zins von 8 % ausgegangen werden kann.

- a) Wie lange könnte Michael von dem Geld leben, wenn er sparsam nur jährlich nachschüssig 10 000 € entnimmt?
- b) Michael fällt auf, dass er das Geld eigentlich monatlich vorschüssig benötigt, aber mit 650 € monatlich auskommt. Wie lang könnte er unter diesen Annahmen von dem Gewinn leben?

Nach 10 Jahren ist das Geld ausgegeben und Michael bekommt einen Brief vom Finanzamt. Michael muss 50 % der gewonnenen Summe als Steuern bezahlen. Da Michael pleite ist und das auch zugibt, bietet ihm das Finanzamt an, die Steuerschulden zu einem Zinssatz von 12 % jährlich mit konstanten Annuitäten innerhalb von 5 Jahren zurückzuzahlen.

- c) Wie hoch ist die Annuität?
- d) Stellen Sie den Tilgungsplan der letzten beiden Jahre auf.



Aufgabe 2

20 Punkte

Gegeben ist das folgende lineare Optimierungsproblem mit den Strukturvariablen $x_1, x_2, x_3 \in \mathbb{R}_+$, der Zielfunktion Z und den Nebenbedingungen N_1, N_2 und N_3 mit

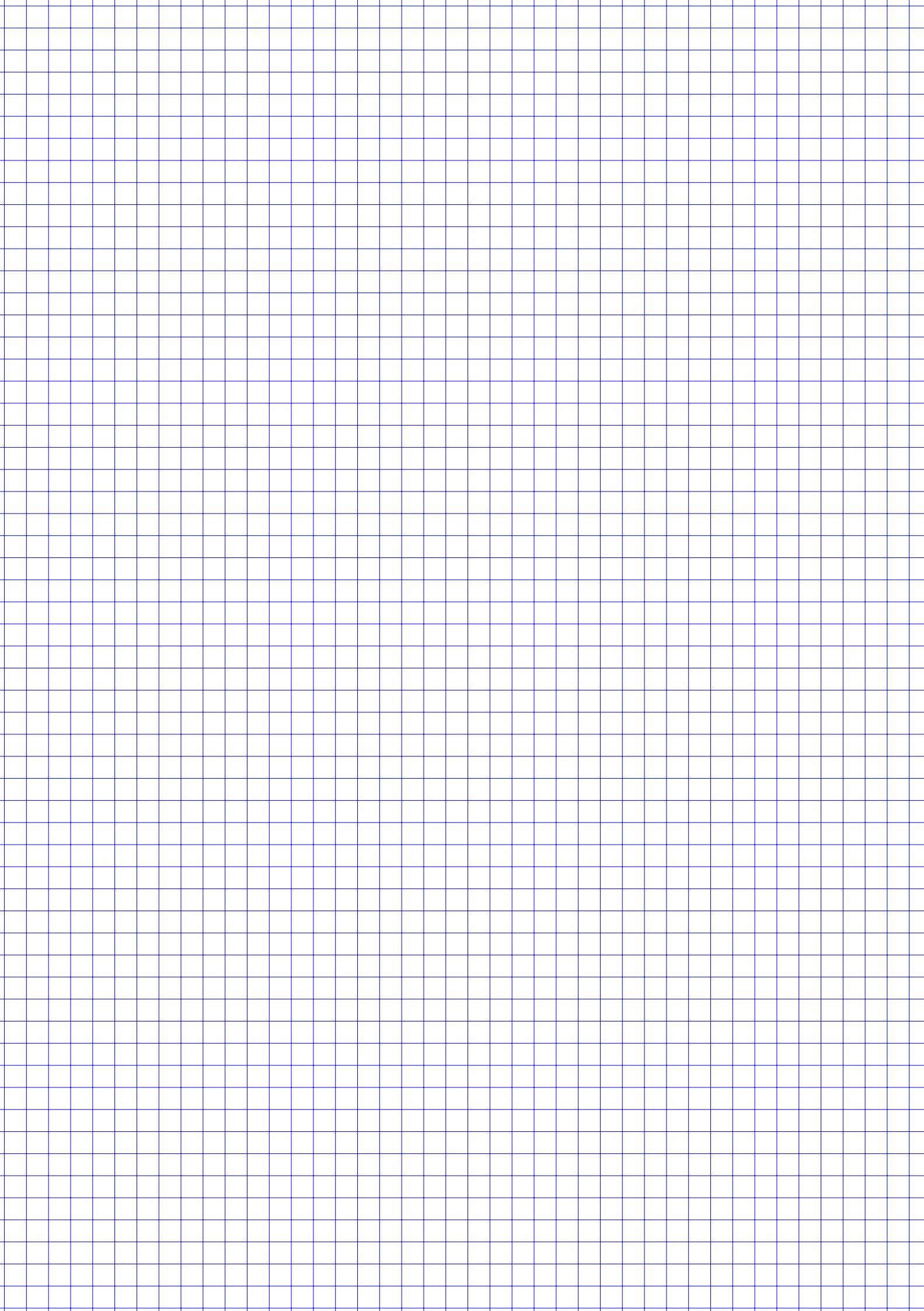
Z	$30x_1 + 20x_2 + 5x_3$	\rightarrow	max
N_1	$2x_1 + x_2 + x_3 \leq 60$		
N_2	$2x_1 + 4x_2 + 4x_3 \leq 100$		
N_3	$4x_1 + 2x_2 + 6x_3 \leq 160$		

- Stellen Sie das Start-Tableau des Simplex-Algorithmus auf.
- Nach einer Iteration des Simplex-Algorithmus ergibt sich folgendes Tableau (mit der Zielfunktion in Zeile ⑤):

	x_1	x_2	x_3	y_1	y_2	y_3	Operation
⑤	0	-5	10	15	0	0	900
⑥	1	$1/2$	$1/2$	$1/2$	0	0	30
⑦	0	3	3	-1	1	0	40
⑧	0	0	4	-2	0	1	40

Vervollständigen Sie den Simplexalgorithmus bis zum Erreichen einer optimalen Lösung.

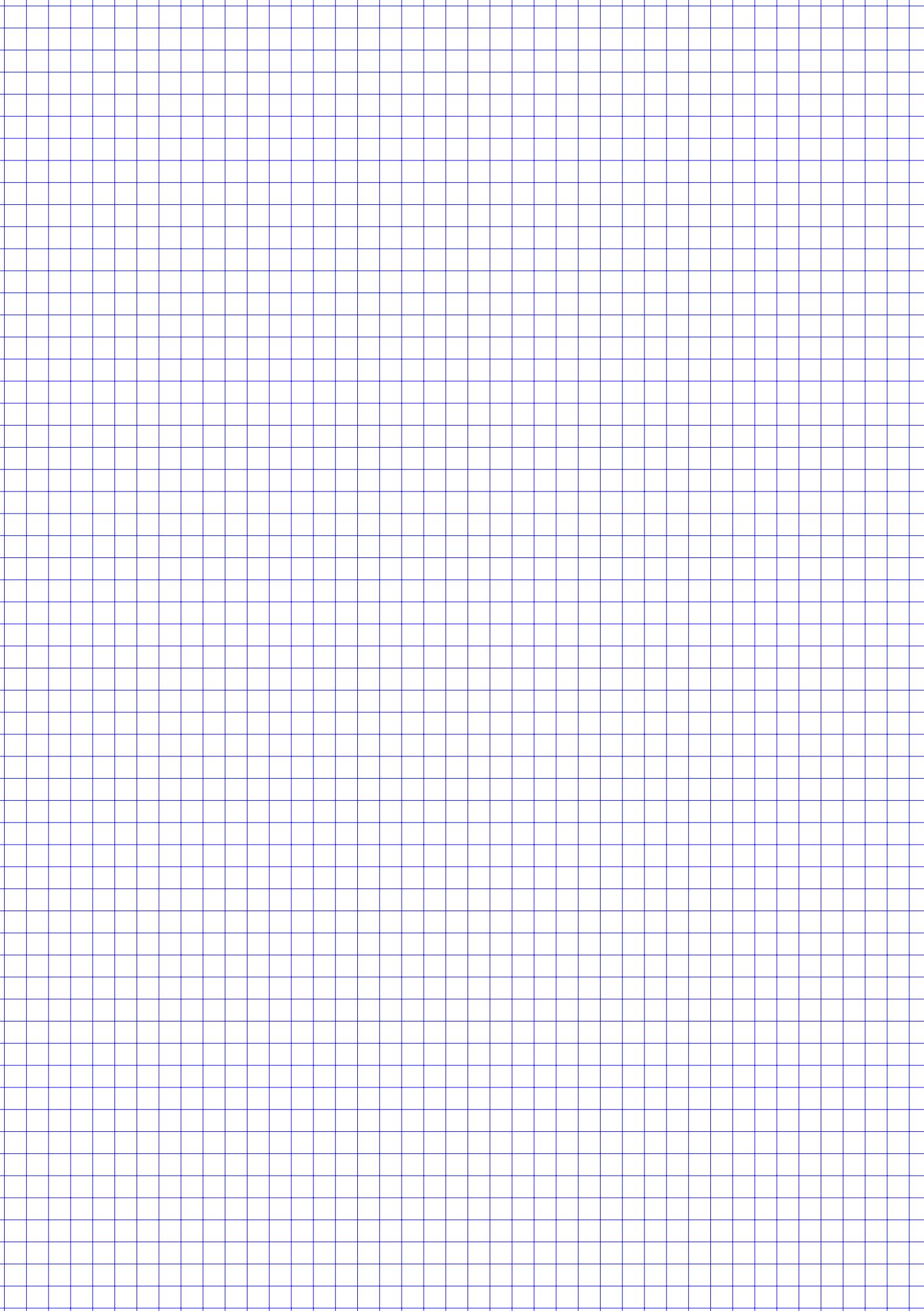
- Geben Sie im Optimum jeweils den Wert aller 3 Struktur- und aller 3 Schlupfvariablen sowie den Wert der Zielfunktion an.



Aufgabe 3**14 Punkte**

Bestimmen Sie für $x > 0$ die Lösung des Anfangswertproblems

$$x + y + 1 = 2xy', \quad y(1) = 2.$$



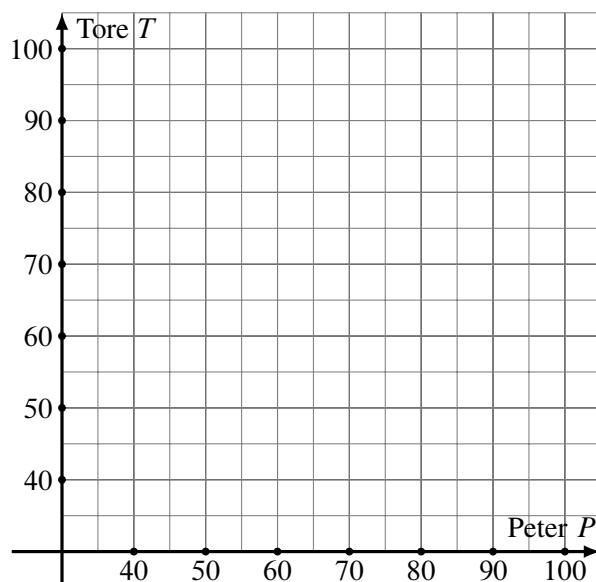
Aufgabe 4

21 Punkte

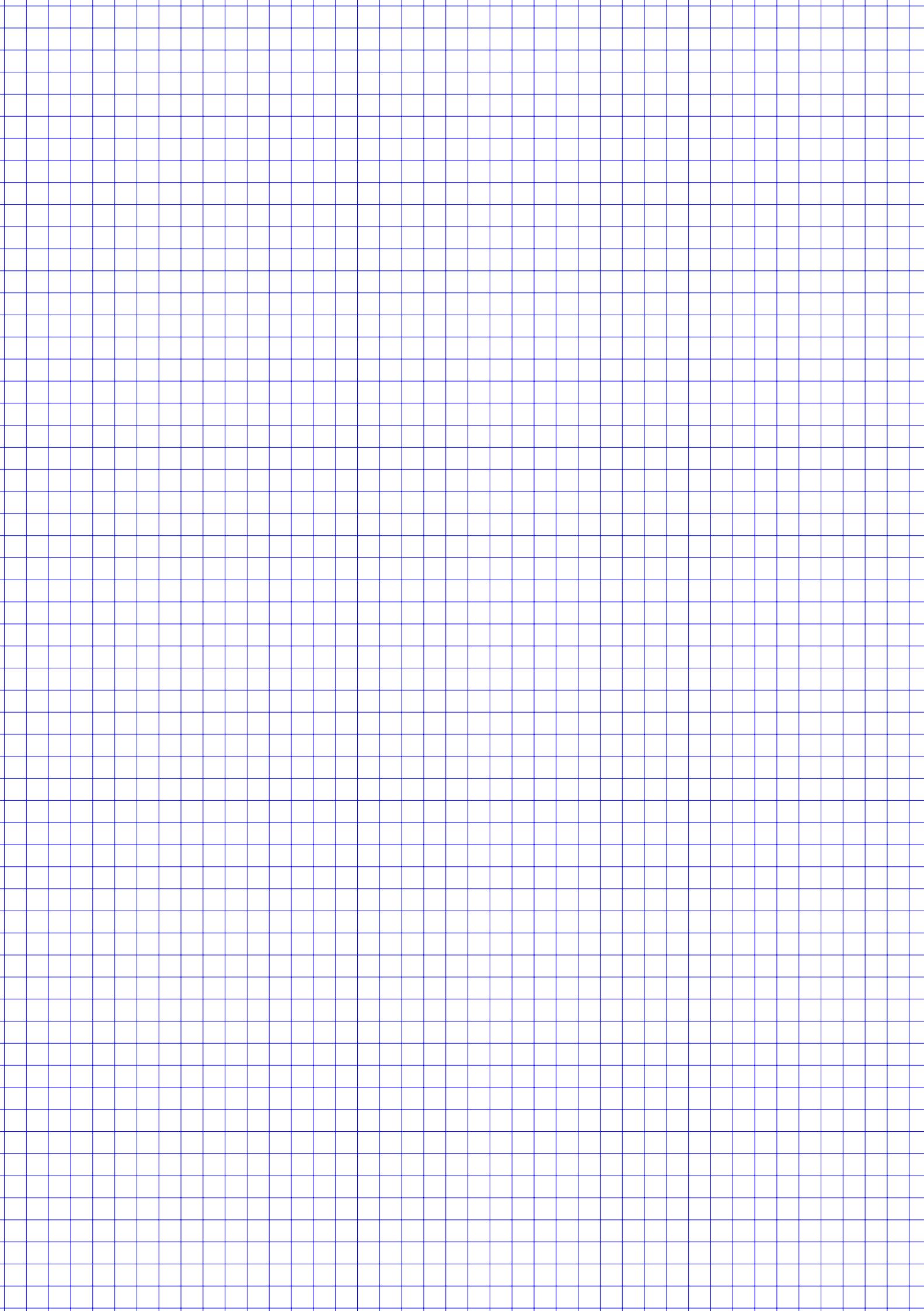
Boris interessiert sich eigentlich nicht für Fußball. Er hat aber neulich Barbara kennengelernt, die leidenschaftlich gerne Fußball kuckt. Um bei Ihr nicht als total ahnungslos dazustehen, möchte Boris das Wissen seines WG-Kumpels Peter nutzen, der sich als Fachmann bezeichnet. Peter hatte schon in der Vergangenheit immer Tipps über die Anzahl der Tore abgegeben, die ein bestimmter Verein in der kommenden Saison insgesamt erzielen wird.

Boris findet eine Tabelle zur vergangenen Saison mit Peters damaligen Prognosen und den dann tatsächlich gefallenen Toren von 10 Vereinen. Er liest:

Verein	Peters Prognose	tatsächliche Tore
1	99	15
2	64	68
3	47	83
4	44	88
5	55	89
6	88	37
7	60	87
8	98	38
9	50	82
10	68	72



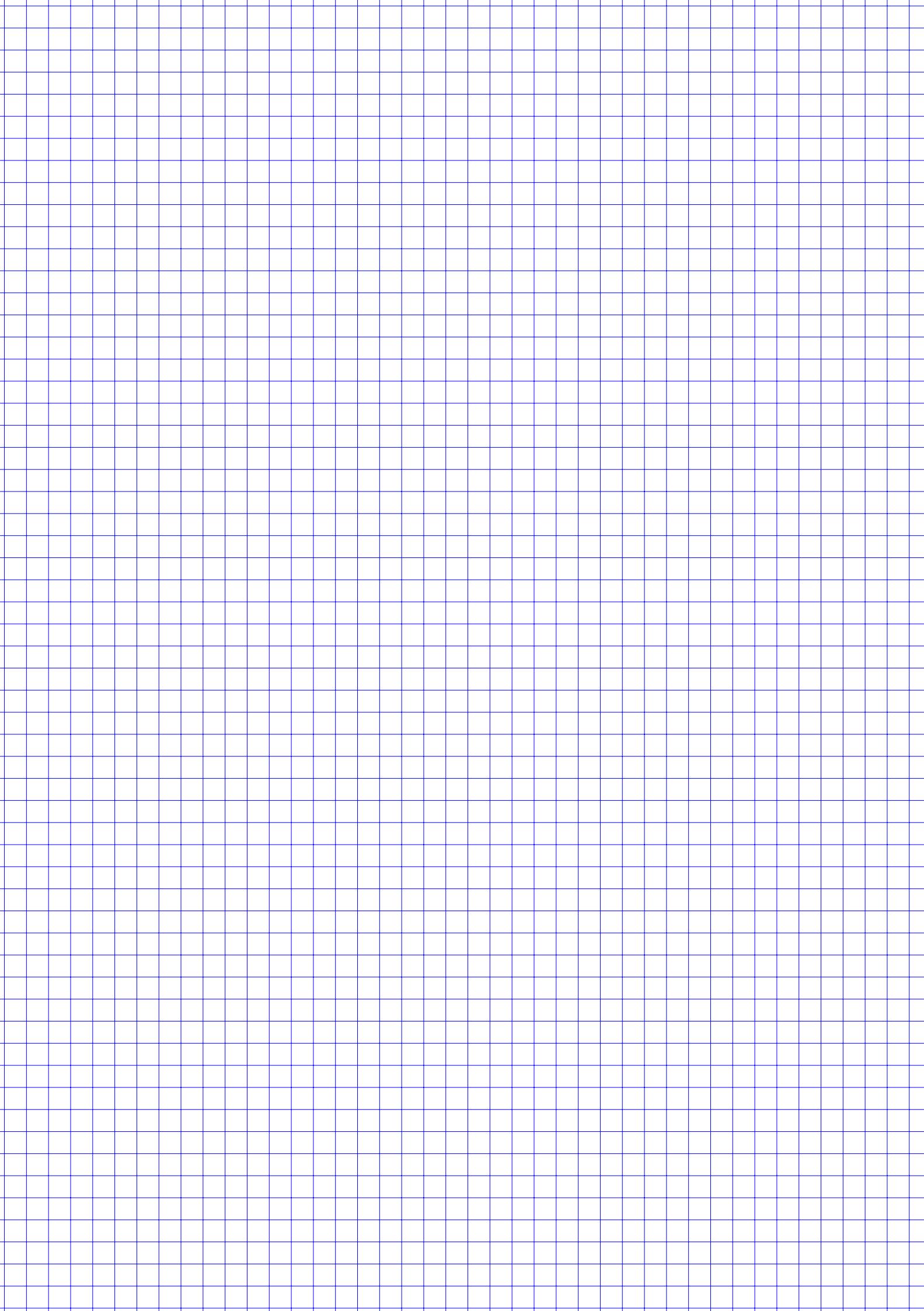
- Tragen Sie die beiden Merkmale Peters Prognose P und die tatsächlich gefallenen Tore T als Streuplot in das nebenstehende Koordinatensystem ein.
- Berechnen Sie einen geeigneten Korrelationskoeffizienten der beiden Variablen.
- Die Prognosen von Peter scheinen ziemlich schlecht zu sein. Warum kann man basierend auf diesen Daten trotzdem Peters Prognosen vermutlich als Ausgangspunkt einer neuen, eigenen Prognose nutzen?
- Boris möchte das „Wissen“ von Peter ausnutzen und berechnet zu diesem Zweck ein lineares Regressionsmodell der Toranzahl in Abhängigkeit von Peters Prognosewerten. Berechnen Sie auch dieses Modell und geben Sie die Modellgleichung an.
- Zeichnen Sie die Regressionsgerade des Modells in den Streuplot ein.
- Angenommen Peter prognostiziert für einen Verein in der kommenden Saison 45 Tore: Wieviel Tore würde Boris (basierend auf dem Regressionsmodell) schätzen?



Aufgabe 5

12 Punkte

- a) Bestimmen Sie die Anzahl der verschiedenen Permutationen, die aus allen Buchstaben des Wortes ERDBEERE gebildet werden können.
- b) Wie viele von den Wörtern beginnen und enden mit einem E?
- c) In wie vielen Wörtern stehen alle vier E hintereinander?



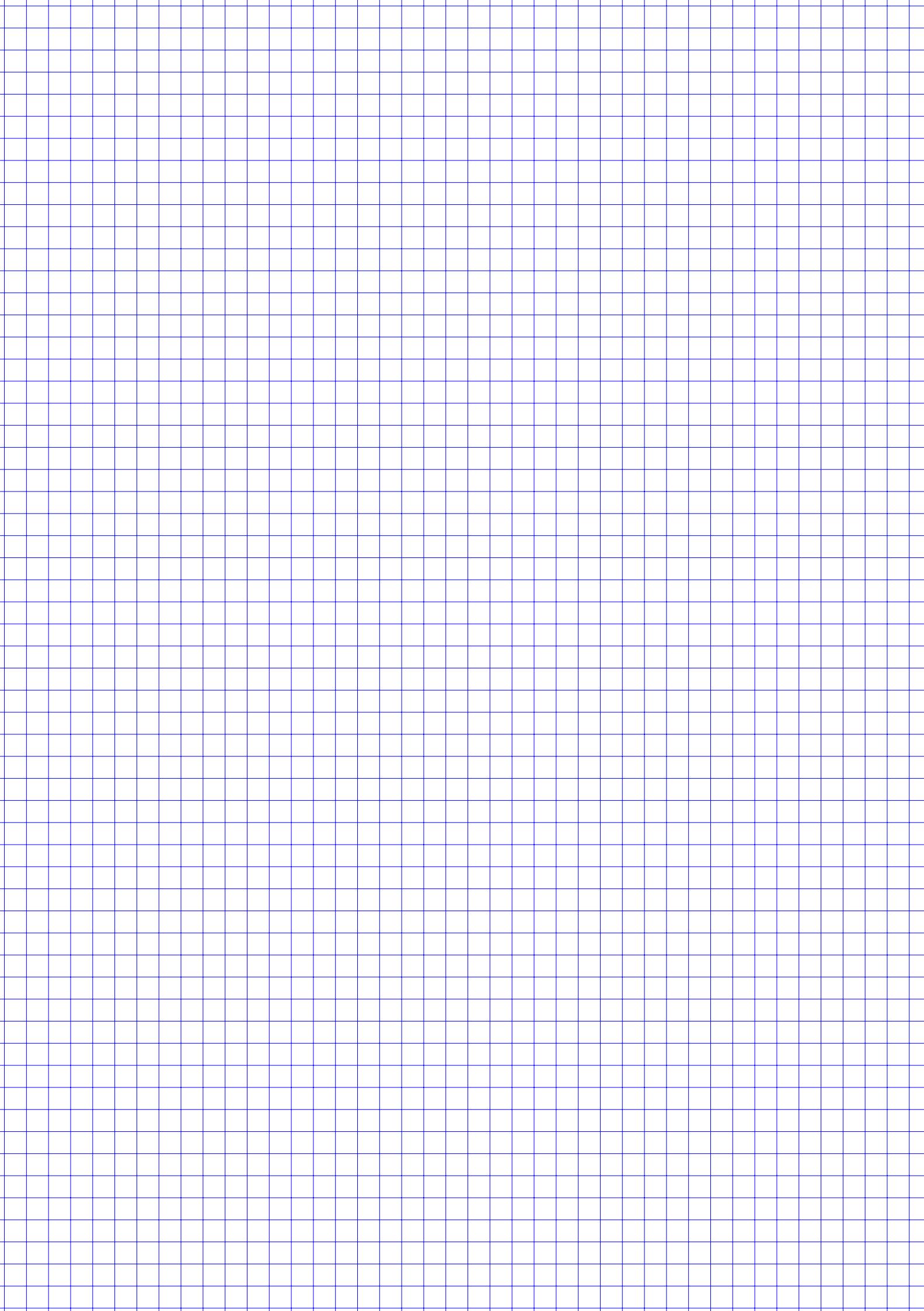
Aufgabe 6

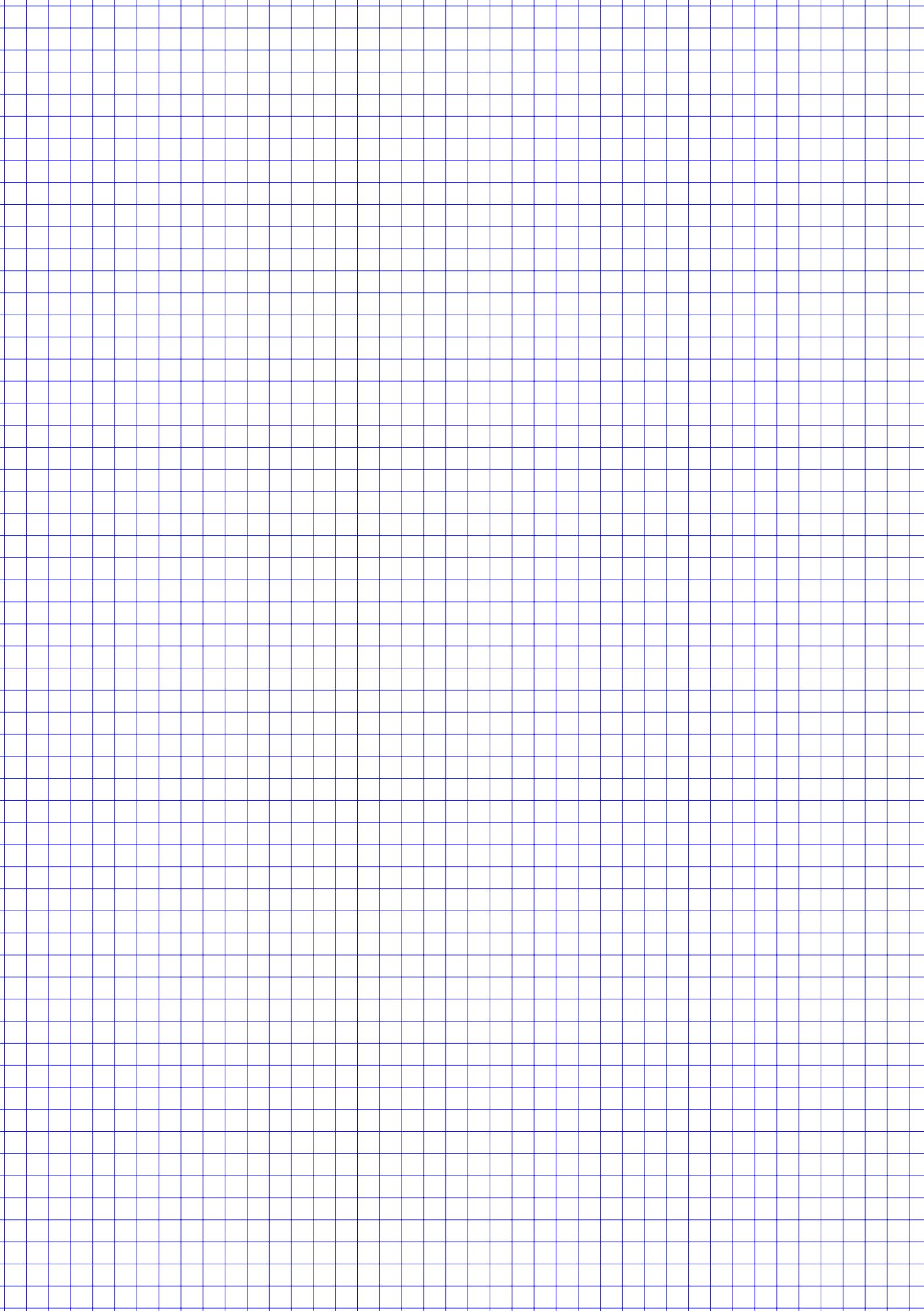
8 Punkte

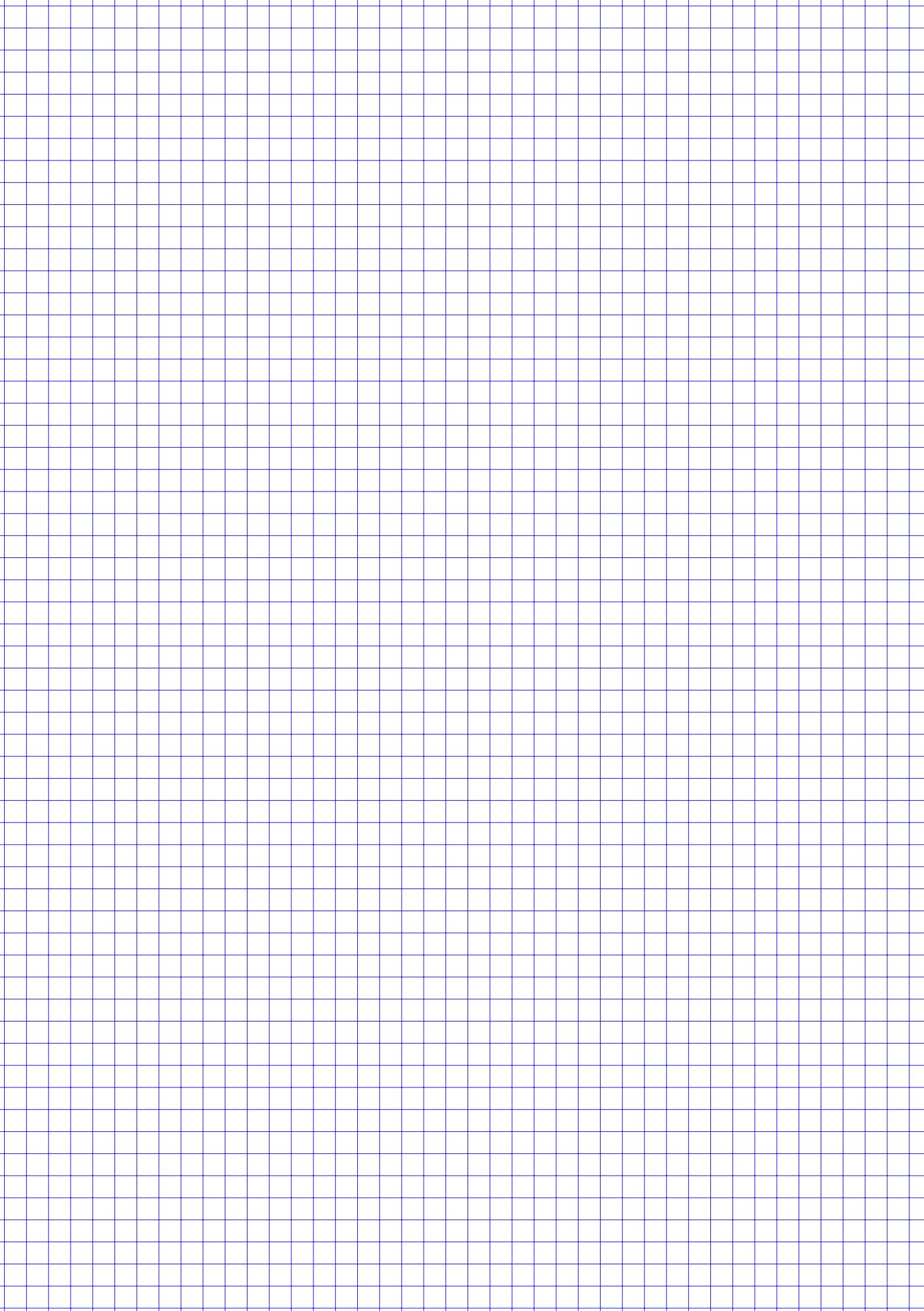
Eine Hochschule interessiert sich für das Einkommen ihrer Absolventen. Dazu werden 25 berufstätige Alumni 10 Jahre nach dem Abschluss zu ihrem aktuellen Einkommen (Merkmal X , in Tausend Euro pro Jahr) befragt. Die Beobachtungen können als Ergebnis einer einfachen Stichprobe aus einer normalverteilten Grundgesamtheit angesehen werden. Es ergeben sich für die Ausprägungen a_i bzw. für die Häufigkeiten h_i in der Stichprobe:

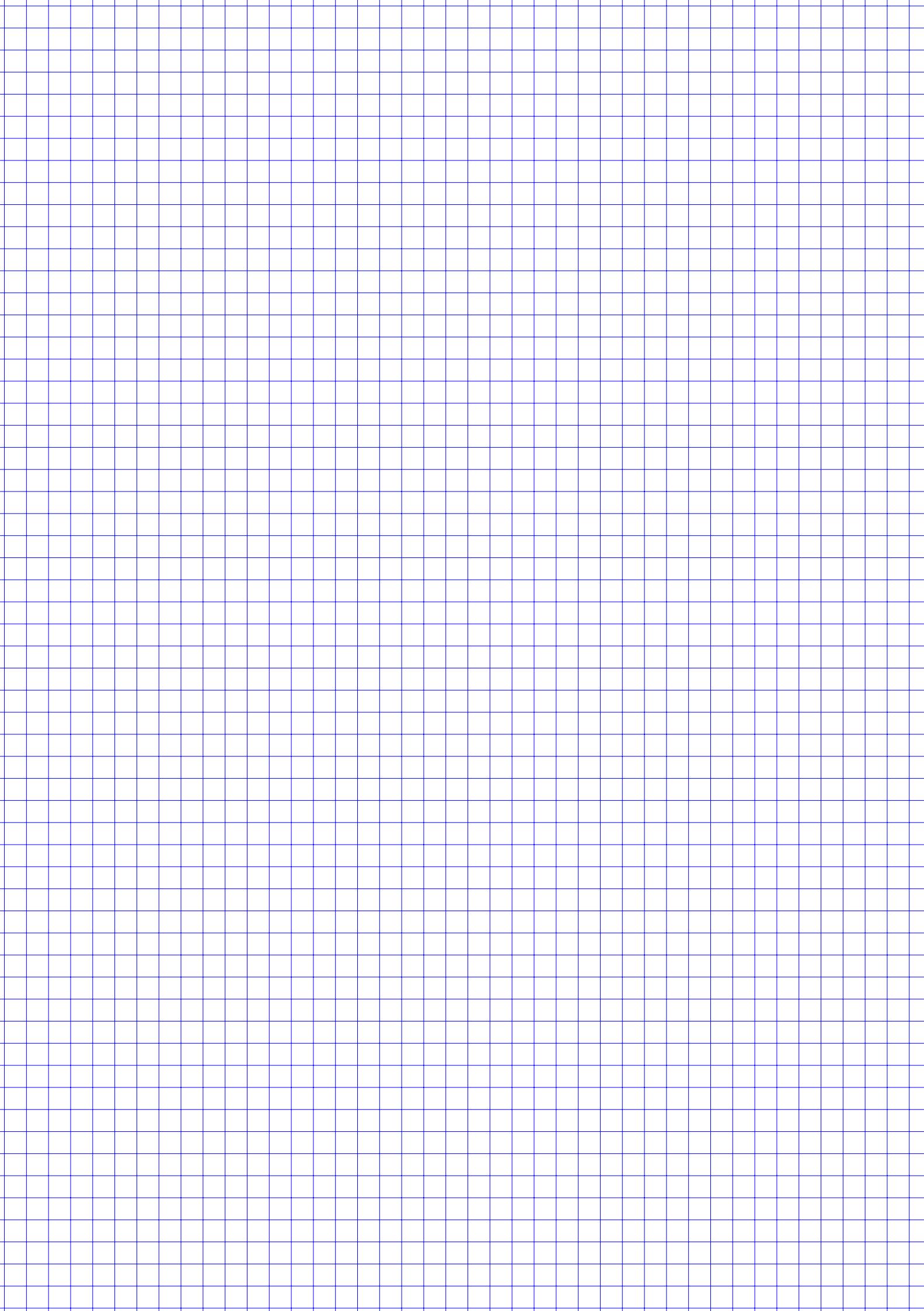
a_i	20	25	30	35	40	45	50	55	60	65	85	90	95
h_i	1	3	2	1	1	2	3	3	1	3	3	1	1

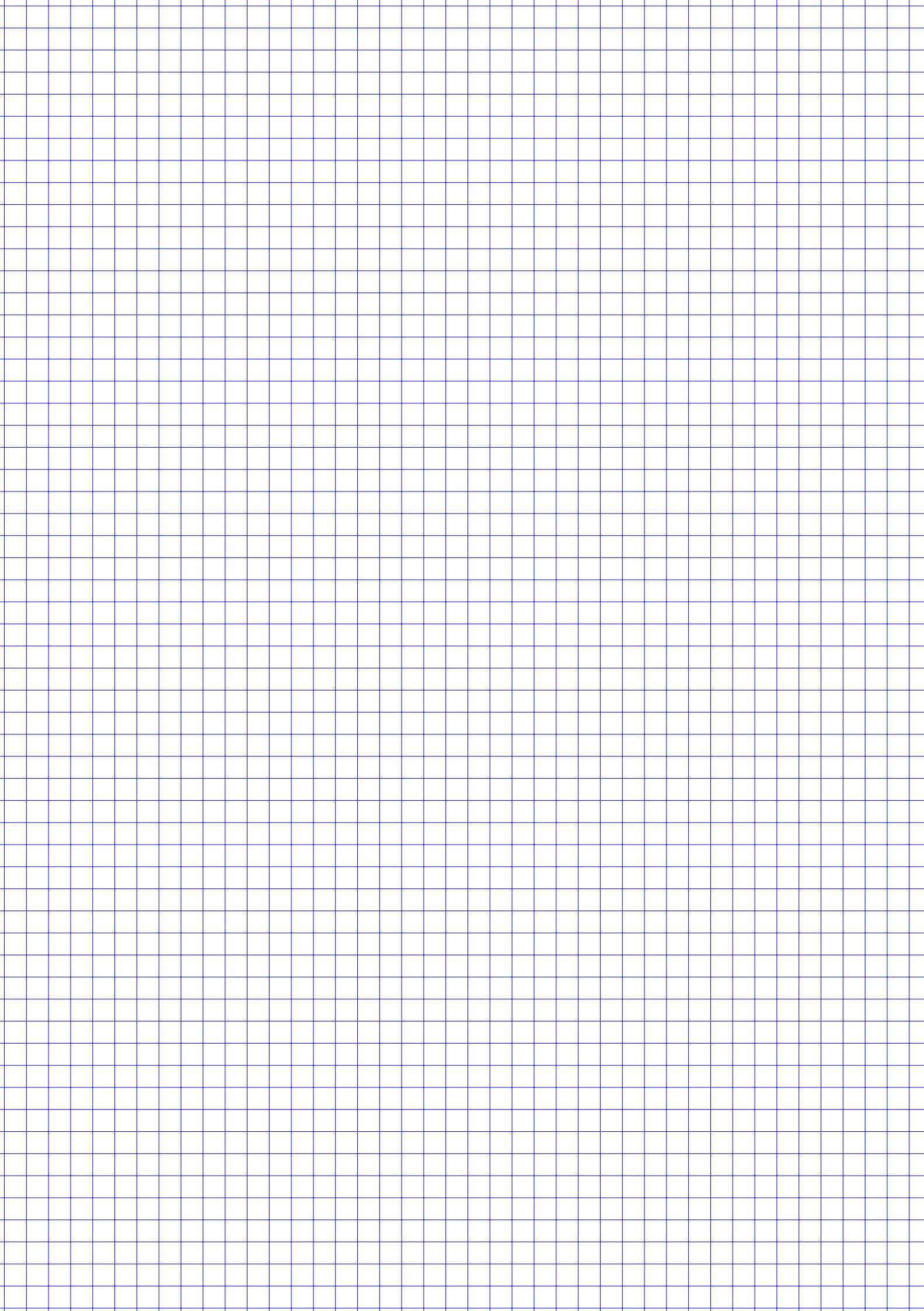
- Bestimmen Sie ein Konfidenzintervall für den Mittelwert der Einkommen in der Grundgesamtheit (unabhängig vom Studiengang) zu einem Konfidenzniveau von 90 %.
- Wie müsste die Nullhypothese H_0 und die Gegenhypothese H_1 lauten, wenn die Hochschulleitung mit einem Test statistisch bestätigen möchte, dass das durchschnittliche Einkommen in der Grundgesamtheit (Gehalt aller Absolventen 10 Jahre nach dem Abschluss) höher als 40.000 € ist?
- Würden Sie eher ein hohes oder ein niedriges Signifikanzniveau wählen, wenn Sie diese Vermutung statistisch bestätigen wollen?
- Führen Sie den Test zu einem Signifikanzniveau von $\alpha = 1\%$ durch.
- Was bedeutet der Fehler 1. Art hier?











Tabellen

Binomialverteilung $X \sim B(n; p)$, Verteilungsfunktion $F(x) = P(X \leq x)$

$n = 2$

$\downarrow x$	$p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0		0,9801	0,9604	0,9409	0,9216	0,9025	0,8836	0,8649	0,8464	0,8281	0,8100	0,6400	0,5625	0,4900	0,3600	0,2500
1		0,9999	0,9996	0,9991	0,9984	0,9975	0,9964	0,9951	0,9936	0,9919	0,9900	0,9600	0,9375	0,9100	0,8400	0,7500

$n = 3$

$\downarrow x$	$p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0		0,9703	0,9412	0,9127	0,8847	0,8574	0,8306	0,8044	0,7787	0,7536	0,7290	0,5120	0,4219	0,3430	0,2160	0,1250
1		0,9997	0,9988	0,9974	0,9953	0,9928	0,9896	0,9860	0,9818	0,9772	0,9720	0,8960	0,8438	0,7840	0,6480	0,5000
2		1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9998	0,9997	0,9995	0,9993	0,9990	0,9920	0,9844	0,9730	0,9360	0,8750

$n = 4$

$\downarrow x$	$p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0		0,9606	0,9224	0,8853	0,8493	0,8145	0,7807	0,7481	0,7164	0,6857	0,6561	0,4096	0,3164	0,2401	0,1296	0,0625
1		0,9994	0,9977	0,9948	0,9909	0,9860	0,9801	0,9733	0,9656	0,9570	0,9477	0,8192	0,7383	0,6517	0,4752	0,3125
2		1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9995	0,9992	0,9987	0,9981	0,9973	0,9963	0,9728	0,9492	0,9163	0,8208	0,6875
3		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9984	0,9961	0,9919	0,9744	0,9375

$n = 5$

$\downarrow x$	$p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0		0,9510	0,9039	0,8587	0,8154	0,7738	0,7339	0,6957	0,6591	0,6240	0,5905	0,3277	0,2373	0,1681	0,0778	0,0313
1		0,9990	0,9962	0,9915	0,9852	0,9774	0,9681	0,9575	0,9456	0,9326	0,9185	0,7373	0,6328	0,5282	0,3370	0,1875
2		1,0000	0,9999	0,9997	0,9994	0,9988	0,9980	0,9969	0,9955	0,9937	0,9914	0,9421	0,8965	0,8369	0,6826	0,5000
3		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9998	0,9997	0,9995	0,9933	0,9844	0,9692	0,9130	0,8125
4		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9997	0,9990	0,9976	0,9898	0,9688

$n = 6$

$\downarrow x$	$p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0		0,9415	0,8858	0,8330	0,7828	0,7351	0,6899	0,6470	0,6064	0,5679	0,5314	0,2621	0,1780	0,1176	0,0467	0,0156
1		0,9985	0,9943	0,9875	0,9784	0,9672	0,9541	0,9392	0,9227	0,9048	0,8857	0,6554	0,5339	0,4202	0,2333	0,1094
2		1,0000	0,9998	0,9995	0,9988	0,9978	0,9962	0,9942	0,9915	0,9882	0,9842	0,9011	0,8306	0,7443	0,5443	0,3438
3		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9997	0,9995	0,9992	0,9987	0,9830	0,9624	0,9295	0,8208	0,6563
4		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9984	0,9954	0,9891	0,9590
5		1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9993	0,9959

$$n = 25$$

Verteilungsfunktion Φ der Standardnormalverteilung

Dabei bedeutet $\Phi(x)$ zum Beispiel: $\Phi(2,13) = \Phi(2,1 + 0,03) = 0,9834$. Diesen Wert findet man in der Zeile mit $x_1 = 2,1$ und der Spalte mit $x_2 = 0,03$.

$x_1 \setminus x_2$	0	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0	0,50000	0,50399	0,50798	0,51197	0,51595	0,51994	0,52392	0,52790	0,53188	0,53586
0,1	0,53983	0,54380	0,54776	0,55172	0,55567	0,55962	0,56356	0,56749	0,57142	0,57535
0,2	0,57926	0,58317	0,58706	0,59095	0,59483	0,59871	0,60257	0,60642	0,61026	0,61409
0,3	0,61791	0,62172	0,62552	0,62930	0,63307	0,63683	0,64058	0,64431	0,64803	0,65173
0,4	0,65542	0,65910	0,66276	0,66640	0,67003	0,67364	0,67724	0,68082	0,68439	0,68793
0,5	0,69146	0,69497	0,69847	0,70194	0,70540	0,70884	0,71226	0,71566	0,71904	0,72240
0,6	0,72575	0,72907	0,73237	0,73565	0,73891	0,74215	0,74537	0,74857	0,75175	0,75490
0,7	0,75804	0,76115	0,76424	0,76730	0,77035	0,77337	0,77637	0,77935	0,78230	0,78524
0,8	0,78814	0,79103	0,79389	0,79673	0,79955	0,80234	0,80511	0,80785	0,81057	0,81327
0,9	0,81594	0,81859	0,82121	0,82381	0,82639	0,82894	0,83147	0,83398	0,83646	0,83891
1	0,84134	0,84375	0,84614	0,84850	0,85083	0,85314	0,85543	0,85769	0,85993	0,86214
1,1	0,86433	0,86650	0,86864	0,87076	0,87286	0,87493	0,87698	0,87900	0,88100	0,88298
1,2	0,88493	0,88686	0,88877	0,89065	0,89251	0,89435	0,89617	0,89796	0,89973	0,90147
1,3	0,90320	0,90490	0,90658	0,90824	0,90988	0,91149	0,91309	0,91466	0,91621	0,91774
1,4	0,91924	0,92073	0,92220	0,92364	0,92507	0,92647	0,92785	0,92922	0,93056	0,93189
1,5	0,93319	0,93448	0,93574	0,93699	0,93822	0,93943	0,94062	0,94179	0,94295	0,94408
1,6	0,94520	0,94630	0,94738	0,94845	0,94950	0,95053	0,95154	0,95254	0,95352	0,95449
1,7	0,95543	0,95637	0,95728	0,95818	0,95907	0,95994	0,96080	0,96164	0,96246	0,96327
1,8	0,96407	0,96485	0,96562	0,96638	0,96712	0,96784	0,96856	0,96926	0,96995	0,97062
1,9	0,97128	0,97193	0,97257	0,97320	0,97381	0,97441	0,97500	0,97558	0,97615	0,97670
2	0,97725	0,97778	0,97831	0,97882	0,97932	0,97982	0,98030	0,98077	0,98124	0,98169
2,1	0,98214	0,98257	0,98300	0,98341	0,98382	0,98422	0,98461	0,98500	0,98537	0,98574
2,2	0,98610	0,98645	0,98679	0,98713	0,98745	0,98778	0,98809	0,98840	0,98870	0,98899
2,3	0,98928	0,98956	0,98983	0,99010	0,99036	0,99061	0,99086	0,99111	0,99134	0,99158
2,4	0,99180	0,99202	0,99224	0,99245	0,99266	0,99286	0,99305	0,99324	0,99343	0,99361
2,5	0,99379	0,99396	0,99413	0,99430	0,99446	0,99461	0,99477	0,99492	0,99506	0,99520
2,6	0,99534	0,99547	0,99560	0,99573	0,99585	0,99598	0,99609	0,99621	0,99632	0,99643
2,7	0,99653	0,99664	0,99674	0,99683	0,99693	0,99702	0,99711	0,99720	0,99728	0,99736
2,8	0,99744	0,99752	0,99760	0,99767	0,99774	0,99781	0,99788	0,99795	0,99801	0,99807
2,9	0,99813	0,99819	0,99825	0,99831	0,99836	0,99841	0,99846	0,99851	0,99856	0,99861
3	0,99865	0,99869	0,99874	0,99878	0,99882	0,99886	0,99889	0,99893	0,99897	0,99900
3,1	0,99903	0,99906	0,99910	0,99913	0,99916	0,99918	0,99921	0,99924	0,99926	0,99929
3,2	0,99931	0,99934	0,99936	0,99938	0,99940	0,99942	0,99944	0,99946	0,99948	0,99950
3,3	0,99952	0,99953	0,99955	0,99957	0,99958	0,99960	0,99961	0,99962	0,99964	0,99965
3,4	0,99966	0,99968	0,99969	0,99970	0,99971	0,99972	0,99973	0,99974	0,99975	0,99976

α -Fraktile der χ^2 -Verteilung mit n Freiheitsgraden

$\downarrow \alpha \setminus n \rightarrow$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
0,005	0,00	0,01	0,07	0,21	0,41	0,68	0,99	1,34	1,73	2,16	2,60	3,07	3,56	4,07	4,60
0,01	0,00	0,02	0,11	0,30	0,55	0,87	1,24	1,65	2,09	2,56	3,05	3,57	4,11	4,66	5,23
0,025	0,00	0,05	0,22	0,48	0,83	1,24	1,69	2,18	2,70	3,25	3,82	4,40	5,01	5,63	6,26
0,05	0,00	0,10	0,35	0,71	1,15	1,64	2,17	2,73	3,33	3,94	4,57	5,23	5,89	6,57	7,26
0,1	0,02	0,21	0,58	1,06	1,61	2,20	2,83	3,49	4,17	4,87	5,58	6,30	7,04	7,79	8,55
0,2	0,06	0,45	1,01	1,65	2,34	3,07	3,82	4,59	5,38	6,18	6,99	7,81	8,63	9,47	10,31
0,25	0,10	0,58	1,21	1,92	2,67	3,45	4,25	5,07	5,90	6,74	7,58	8,44	9,30	10,17	11,04
0,4	0,28	1,02	1,87	2,75	3,66	4,57	5,49	6,42	7,36	8,30	9,24	10,18	11,13	12,08	13,03
0,5	0,45	1,39	2,37	3,36	4,35	5,35	6,35	7,34	8,34	9,34	10,34	11,34	12,34	13,34	14,34
0,6	0,71	1,83	2,95	4,04	5,13	6,21	7,28	8,35	9,41	10,47	11,53	12,58	13,64	14,69	15,73
0,75	1,32	2,77	4,11	5,39	6,63	7,84	9,04	10,22	11,39	12,55	13,70	14,85	15,98	17,12	18,25
0,8	1,64	3,22	4,64	5,99	7,29	8,56	9,80	11,03	12,24	13,44	14,63	15,81	16,98	18,15	19,31
0,9	2,71	4,61	6,25	7,78	9,24	10,64	12,02	13,36	14,68	15,99	17,27	18,55	19,81	21,06	22,31
0,95	3,84	5,99	7,81	9,49	11,07	12,59	14,07	15,51	16,92	18,31	19,68	21,03	22,36	23,68	25,00
0,975	5,02	7,38	9,35	11,14	12,83	14,45	16,01	17,53	19,02	20,48	21,92	23,34	24,74	26,12	27,49
0,99	6,63	9,21	11,34	13,28	15,09	16,81	18,48	20,09	21,67	23,21	24,73	26,22	27,69	29,14	30,58
0,995	7,88	10,60	12,84	14,86	16,75	18,55	20,28	21,95	23,59	25,19	26,76	28,30	29,82	31,32	32,80
$\downarrow \alpha \setminus n \rightarrow$	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
0,005	5,14	5,70	6,26	6,84	7,43	8,03	8,64	9,26	9,89	10,52	11,16	11,81	12,46	13,12	13,79
0,01	5,81	6,41	7,01	7,63	8,26	8,90	9,54	10,20	10,86	11,52	12,20	12,88	13,56	14,26	14,95
0,025	6,91	7,56	8,23	8,91	9,59	10,28	10,98	11,69	12,40	13,12	13,84	14,57	15,31	16,05	16,79
0,05	7,96	8,67	9,39	10,12	10,85	11,59	12,34	13,09	13,85	14,61	15,38	16,15	16,93	17,71	18,49
0,1	9,31	10,09	10,86	11,65	12,44	13,24	14,04	14,85	15,66	16,47	17,29	18,11	18,94	19,77	20,60
0,2	11,15	12,00	12,86	13,72	14,58	15,44	16,31	17,19	18,06	18,94	19,82	20,70	21,59	22,48	23,36
0,25	11,91	12,79	13,68	14,56	15,45	16,34	17,24	18,14	19,04	19,94	20,84	21,75	22,66	23,57	24,48
0,4	13,98	14,94	15,89	16,85	17,81	18,77	19,73	20,69	21,65	22,62	23,58	24,54	25,51	26,48	27,44
0,5	15,34	16,34	17,34	18,34	19,34	20,34	21,34	22,34	23,34	24,34	25,34	26,34	27,34	28,34	29,34
0,6	16,78	17,82	18,87	19,91	20,95	21,99	23,03	24,07	25,11	26,14	27,18	28,21	29,25	30,28	31,32
0,75	19,37	20,49	21,60	22,72	23,83	24,93	26,04	27,14	28,24	29,34	30,43	31,53	32,62	33,71	34,80
0,8	20,47	21,61	22,76	23,90	25,04	26,17	27,30	28,43	29,55	30,68	31,79	32,91	34,03	35,14	36,25
0,9	23,54	24,77	25,99	27,20	28,41	29,62	30,81	32,01	33,20	34,38	35,56	36,74	37,92	39,09	40,26
0,95	26,30	27,59	28,87	30,14	31,41	32,67	33,92	35,17	36,41	37,65	38,89	40,11	41,34	42,56	43,77
0,975	28,85	30,19	31,53	32,85	34,17	35,48	36,78	38,08	39,36	40,65	41,92	43,19	44,46	45,72	46,98
0,99	32,00	33,41	34,81	36,19	37,57	38,93	40,29	41,64	42,98	44,31	45,64	46,96	48,28	49,59	50,89
0,995	34,27	35,72	37,16	38,58	40,00	41,40	42,80	44,18	45,56	46,93	48,29	49,64	50,99	52,34	53,67

α -Fraktile der t -Verteilung mit n Freiheitsgraden

$\downarrow n \setminus \alpha \rightarrow$	0,6	0,75	0,8	0,9	0,95	0,975	0,99	0,995
1	0,325	1,000	1,376	3,078	6,314	12,706	31,820	63,657
2	0,289	0,816	1,061	1,886	2,920	4,303	6,965	9,925
3	0,277	0,765	0,979	1,638	2,353	3,183	4,541	5,841
4	0,271	0,741	0,941	1,533	2,132	2,776	3,747	4,604
5	0,267	0,727	0,920	1,476	2,015	2,571	3,365	4,032
6	0,265	0,718	0,906	1,440	1,943	2,447	3,143	3,707
7	0,263	0,711	0,896	1,415	1,895	2,365	2,998	3,499
8	0,262	0,706	0,889	1,397	1,860	2,306	2,897	3,355
9	0,261	0,703	0,883	1,383	1,833	2,262	2,821	3,250
10	0,260	0,700	0,879	1,372	1,812	2,228	2,764	3,169
11	0,260	0,698	0,875	1,363	1,796	2,201	2,718	3,106
12	0,259	0,696	0,873	1,356	1,782	2,179	2,681	3,054
13	0,259	0,694	0,870	1,350	1,771	2,160	2,650	3,012
14	0,258	0,692	0,868	1,345	1,761	2,145	2,624	2,977
15	0,258	0,691	0,866	1,341	1,753	2,131	2,603	2,947
16	0,258	0,690	0,865	1,337	1,746	2,120	2,583	2,921
17	0,257	0,689	0,863	1,333	1,740	2,110	2,567	2,898
18	0,257	0,688	0,862	1,330	1,734	2,101	2,552	2,878
19	0,257	0,688	0,861	1,328	1,729	2,093	2,539	2,861
20	0,257	0,687	0,860	1,325	1,725	2,086	2,528	2,845
21	0,257	0,686	0,859	1,323	1,721	2,080	2,518	2,831
22	0,256	0,686	0,858	1,321	1,717	2,074	2,508	2,819
23	0,256	0,685	0,858	1,319	1,714	2,069	2,500	2,807
24	0,256	0,685	0,857	1,318	1,711	2,064	2,492	2,797
25	0,256	0,684	0,856	1,316	1,708	2,059	2,485	2,787
26	0,256	0,684	0,856	1,315	1,706	2,055	2,479	2,779
27	0,256	0,684	0,855	1,314	1,703	2,052	2,473	2,771
28	0,256	0,683	0,855	1,312	1,701	2,048	2,467	2,763
29	0,256	0,683	0,854	1,311	1,699	2,045	2,462	2,756
30	0,256	0,683	0,854	1,310	1,697	2,042	2,457	2,750

α -Fraktile der F -Verteilung mit den Freiheitsgraden ν_1 und ν_2

$\alpha = 0,95$

$\nu_1 \setminus \nu_2$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	15	20	30	40	50	100
1	161,4	18,51	10,13	7,71	6,61	5,99	5,59	5,32	5,12	4,96	4,54	4,35	4,17	4,08	4,03	3,94
2	199,5	19,00	9,55	6,94	5,79	5,14	4,74	4,46	4,26	4,10	3,68	3,49	3,32	3,23	3,18	3,09
3	215,7	19,16	9,28	6,59	5,41	4,76	4,35	4,07	3,86	3,71	3,29	3,10	2,92	2,84	2,79	2,70
4	224,6	19,25	9,12	6,39	5,19	4,53	4,12	3,84	3,63	3,48	3,06	2,87	2,69	2,61	2,56	2,46
5	230,2	19,30	9,01	6,26	5,05	4,39	3,97	3,69	3,48	3,33	2,90	2,71	2,53	2,45	2,40	2,31
6	234,0	19,33	8,94	6,16	4,95	4,28	3,87	3,58	3,37	3,22	2,79	2,60	2,42	2,34	2,29	2,19
7	236,8	19,35	8,89	6,09	4,88	4,21	3,79	3,50	3,29	3,14	2,71	2,51	2,33	2,25	2,20	2,10
8	238,9	19,37	8,85	6,04	4,82	4,15	3,73	3,44	3,23	3,07	2,64	2,45	2,27	2,18	2,13	2,03
9	240,5	19,38	8,81	6,00	4,77	4,10	3,68	3,39	3,18	3,02	2,59	2,39	2,21	2,12	2,07	1,97
10	241,9	19,40	8,79	5,96	4,74	4,06	3,64	3,35	3,14	2,98	2,54	2,35	2,16	2,08	2,03	1,93
15	245,9	19,43	8,70	5,86	4,62	3,94	3,51	3,22	3,01	2,85	2,40	2,20	2,01	1,92	1,87	1,77
20	248,0	19,45	8,66	5,80	4,56	3,87	3,44	3,15	2,94	2,77	2,33	2,12	1,93	1,84	1,78	1,68
30	250,1	19,46	8,62	5,75	4,50	3,81	3,38	3,08	2,86	2,70	2,25	2,04	1,84	1,74	1,69	1,57
40	251,1	19,47	8,59	5,72	4,46	3,77	3,34	3,04	2,83	2,66	2,20	1,99	1,79	1,69	1,63	1,52
50	251,8	19,48	8,58	5,70	4,44	3,75	3,32	3,02	2,80	2,64	2,18	1,97	1,76	1,66	1,60	1,48
100	253,0	19,49	8,55	5,66	4,41	3,71	3,27	2,97	2,76	2,59	2,12	1,91	1,70	1,59	1,52	1,39

$\alpha = 0,99$

$\nu_1 \setminus \nu_2$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	15	20	30	40	50	100
1	4052	98,50	34,12	21,20	16,26	13,75	12,25	11,26	10,56	10,04	8,68	8,10	7,56	7,31	7,17	6,90
2	5000	99,00	30,82	18,00	13,27	10,92	9,55	8,65	8,02	7,56	6,36	5,85	5,39	5,18	5,06	4,82
3	5403	99,17	29,46	16,69	12,06	9,78	8,45	7,59	6,99	6,55	5,42	4,94	4,51	4,31	4,20	3,98
4	5625	99,25	28,71	15,98	11,39	9,15	7,85	7,01	6,42	5,99	4,89	4,43	4,02	3,83	3,72	3,51
5	5764	99,30	28,24	15,52	10,97	8,75	7,46	6,63	6,06	5,64	4,56	4,10	3,70	3,51	3,41	3,21
6	5859	99,33	27,91	15,21	10,67	8,47	7,19	6,37	5,80	5,39	4,32	3,87	3,47	3,29	3,19	2,99
7	5928	99,36	27,67	14,98	10,46	8,26	6,99	6,18	5,61	5,20	4,14	3,70	3,30	3,12	3,02	2,82
8	5981	99,37	27,49	14,80	10,29	8,10	6,84	6,03	5,47	5,06	4,00	3,56	3,17	2,99	2,89	2,69
9	6022	99,39	27,35	14,66	10,16	7,98	6,72	5,91	5,35	4,94	3,89	3,46	3,07	2,89	2,78	2,59
10	6056	99,40	27,23	14,55	10,05	7,87	6,62	5,81	5,26	4,85	3,80	3,37	2,98	2,80	2,70	2,50
15	6157	99,43	26,87	14,20	9,72	7,56	6,31	5,52	4,96	4,56	3,52	3,09	2,70	2,52	2,42	2,22
20	6209	99,45	26,69	14,02	9,55	7,40	6,16	5,36	4,81	4,41	3,37	2,94	2,55	2,37	2,27	2,07
30	6261	99,47	26,50	13,84	9,38	7,23	5,99	5,20	4,65	4,25	3,21	2,78	2,39	2,20	2,10	1,89
40	6287	99,47	26,41	13,75	9,29	7,14	5,91	5,12	4,57	4,17	3,13	2,69	2,30	2,11	2,01	1,80
50	6303	99,48	26,35	13,69	9,24	7,09	5,86	5,07	4,52	4,12	3,08	2,64	2,25	2,06	1,95	1,74
100	6334	99,49	26,24	13,58	9,13	6,99	5,75	4,96	4,41	4,01	2,98	2,54	2,13	1,94	1,82	1,60