

Name:

Matrikel-Nr.:

Nachholklausur Statistik

Prüfer	Etschberger, Heiden, Jansen
Prüfungsdatum	22. Januar 2015
Prüfungsort	Augsburg
Studiengang	IM und BW

Bearbeitungszeit:	90 Minuten
Punkte:	70

Die Klausur umfasst	7 Aufgaben auf 35 Seiten
---------------------	--------------------------

Zugelassene Hilfsmittel	Schreibzeug, Taschenrechner, der nicht 70! berechnen kann, ein mit dem Namen versehenes Din-A4 Blatt mit handgeschriebenen Notizen (keine Kopien oder Ausdrucke)
-------------------------	--

Weitere Regularien:

- ▶ Bitte überprüfen Sie *vor* Bearbeitungsbeginn die Vollständigkeit der Klausurangabe.
 - ▶ Tragen Sie Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer auf dem Deckblatt ein.
 - ▶ Die Heftung der Klausur darf nicht verändert werden.
 - ▶ Bitte tragen Sie die Lösung zu den jeweiligen Aufgaben *nur* direkt im Anschluss an die jeweilige Angabe ein. Sollte der Platz dort nicht ausreichen, verwenden Sie die Ersatzblätter am Ende der Klausurangabe.
 - ▶ Der benutzte Lösungsweg muss klar erkennbar sein.
 - ▶ Die Klausur ist in ordentlich lesbarer Form zu bearbeiten. Schwer lesbare Teile der Klausur werden als ungültig ersatzlos gestrichen.
 - ▶ Die Klausur unterliegt der zur Zeit gültigen Prüfungsordnung.
 - ▶ Bitte verwenden Sie *keine rote Farbe* zur Bearbeitung der Klausur.
-

Aufgabe	1	2	3	4	5	6	7
Punkte	<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>

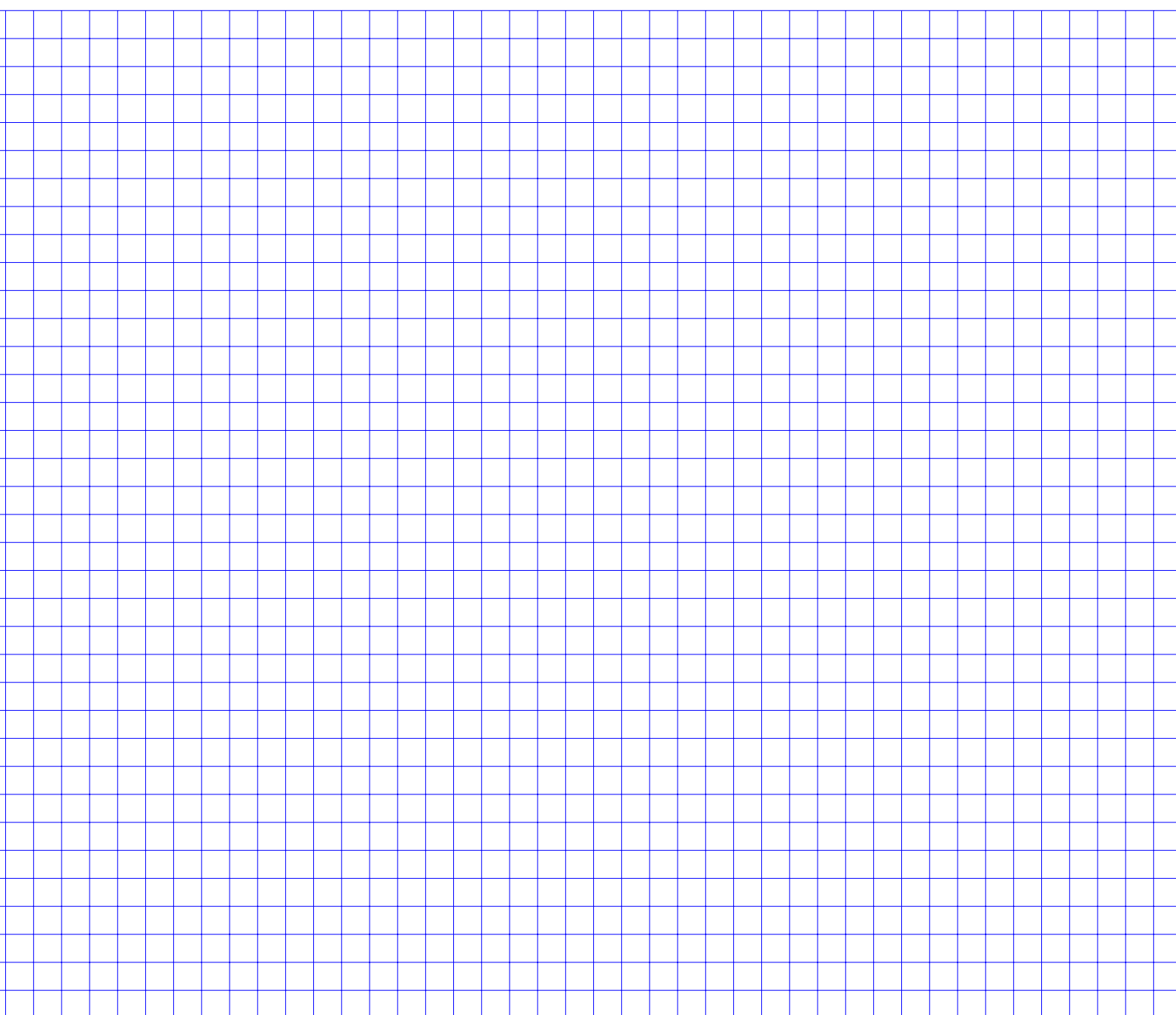
Aufgabe 1

10 Punkte

Die Firma CelebWedCake liefert zu einem Festpreis von 200.000 € eine exklusive Premium-Hochzeitstorte an Prominente. In den letzten 5 Jahren wurden insgesamt 20 von diesen Torten verkauft. Pro Kunde ist die Anzahl der verkauften Torten in dieser Zeitspanne mittels der verschiedenen Ausprägungen a_i und den zugehörigen absoluten Häufigkeiten h_i erfasst:

i	1	2	3	4
a_i	1	2	4	5
h_i	5	3	1	h_4

- Bestimmen Sie h_4 .
- Zeichnen Sie die Lorenzkurve,
- berechnen Sie den normierten Gini-Koeffizienten sowie
- den Herfindahl- und
- den Exponentialindex der Anzahl der verkauften Torten pro Kunde.





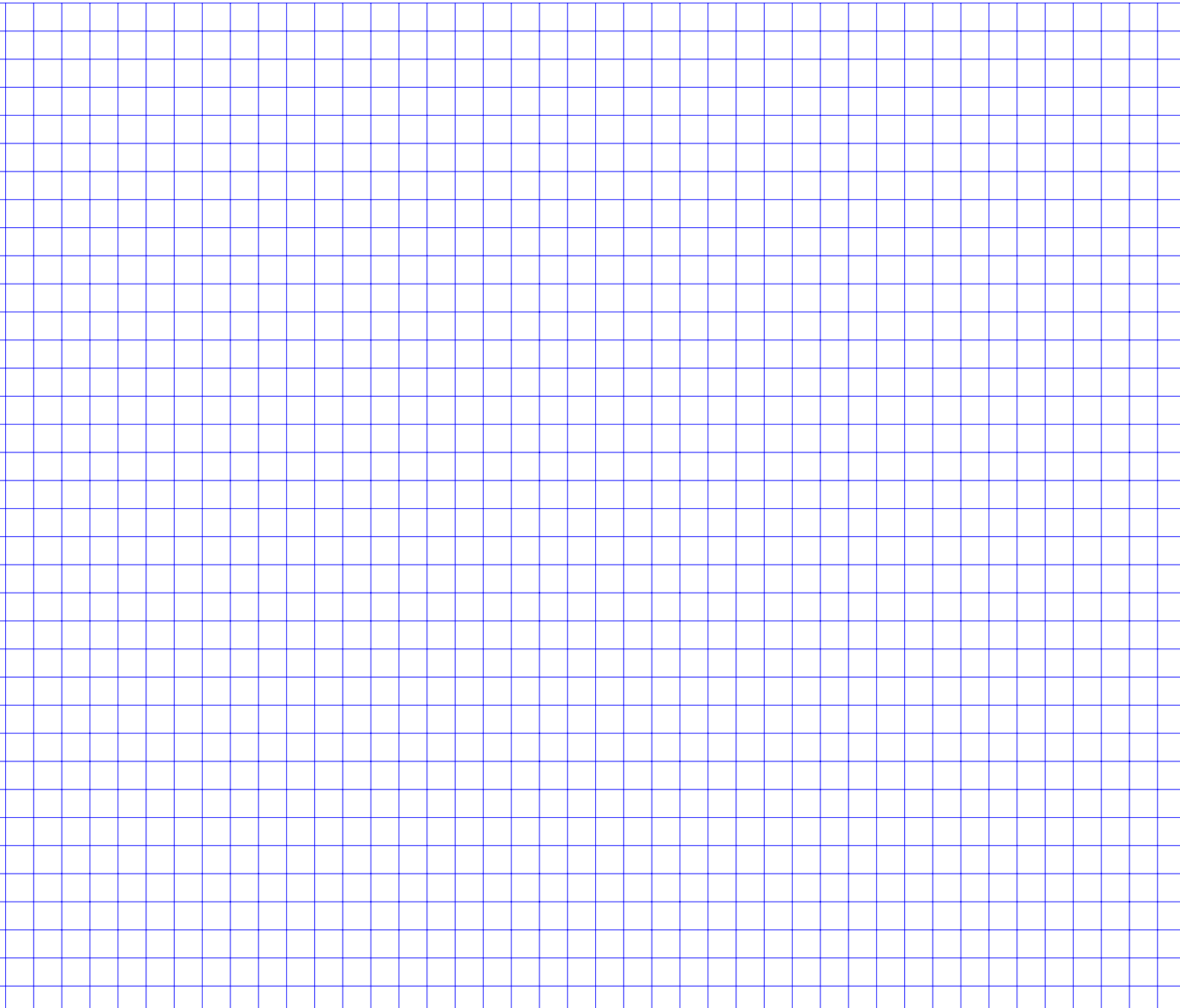
Aufgabe 2

10 Punkte

In einem Restaurant wird bei 7 Gästen die Rechnungshöhe R zusammen mit dem gegebenen Trinkgeld T erfasst. Es ergeben sich folgende Werte:

i	1	2	3	4	5	6	7
R_i	218,92	63,56	11,74	285,72	181,66	28,33	392,99
T_i	19,08	8,44	2,26	22,28	17,34	4,67	25,01

- Berechnen Sie einen geeigneten Korrelationskoeffizienten zwischen Rechnungshöhe und Trinkgeld. Interpretieren Sie das Ergebnis.
- Bestimmen Sie die Regressionsparameter eines linearen Modells, in dem die Höhe des Trinkgeldes in Abhängigkeit von der Rechnungshöhe beschrieben wird. Wieviel Trinkgeld würden Sie nach diesem Modell bei einer Rechnung von 200 € erwarten?
- Wie hoch ist der Determinationskoeffizient dieses Modells? Was sagt diese Größe aus?
- Zeichnen Sie die Werte zusammen mit der Regressionsgerade in ein geeignetes Koordinatensystem ein.





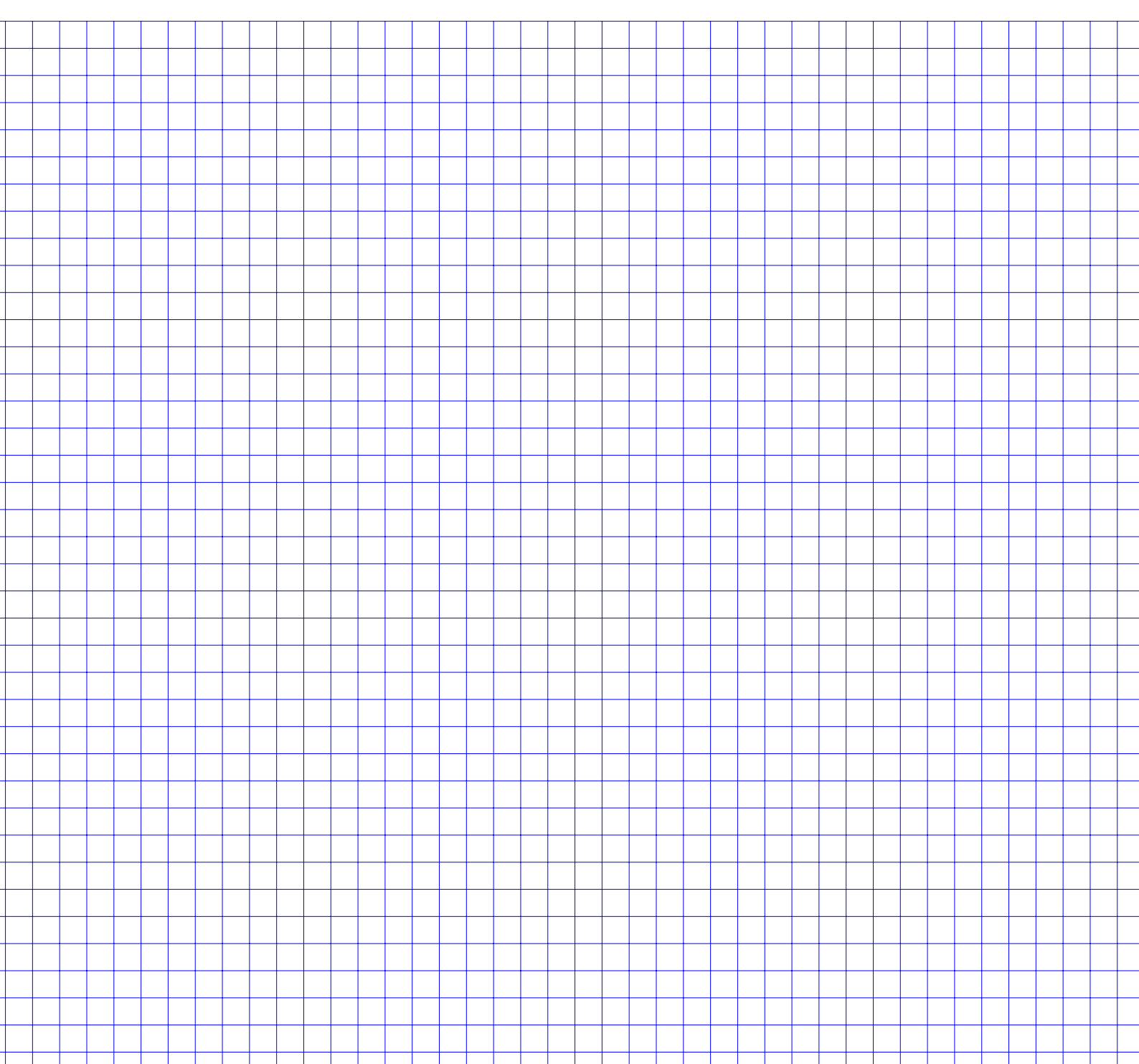
Aufgabe 3

10 Punkte

Johann wohnt bei seinen Eltern. Sein Studium und insbesondere die Begleiterscheinungen durch soziale Aktivitäten haben ihn in letzter Zeit ziemlich gefordert, so dass er eines Tages nach dem Aufwachen überhaupt nicht weiß, welcher Wochentag gerade ist.

Allerdings hat er folgendes beobachtet:

- ▶ Wenn er die Küche seiner Eltern an Sonntagen betritt erklingt mit 20 % Wahrscheinlichkeit Blasmusik aus dem Radio, an anderen Wochentagen nur mit 2 % Wahrscheinlichkeit.
 - ▶ Johanns Vater ist am Montag, Dienstag und Mittwoch immer schlecht gelaunt.
- a) Johann öffnet die Küchentüre. Es erklingt Blasmusik. Mit welcher Wahrscheinlichkeit ist gerade Sonntag?
- b) Johann stellt nach einer Minute am Küchentisch fest, dass sein Vater blendender Laune ist. Wie hoch ist jetzt die Wahrscheinlichkeit, dass Sonntag ist?





Aufgabe 4

10 Punkte

Gegeben ist eine im Intervall $[2; b]$ gleichverteilte Zufallsvariable X .

- Bestimmen Sie b so, dass für die Verteilungsfunktion $F(x)$ gilt: $F\left(\frac{b}{2}\right) = 0,4$.
- Berechnen Sie $F(4)$.

Jetzt ist eine poissonverteilte Zufallsvariable Y gegeben, für die $P(Y \geq 5) = 0,3$ gilt.

- Bestimmen Sie auch für Y den Wert von $F(4)$.





Aufgabe 5

10 Punkte

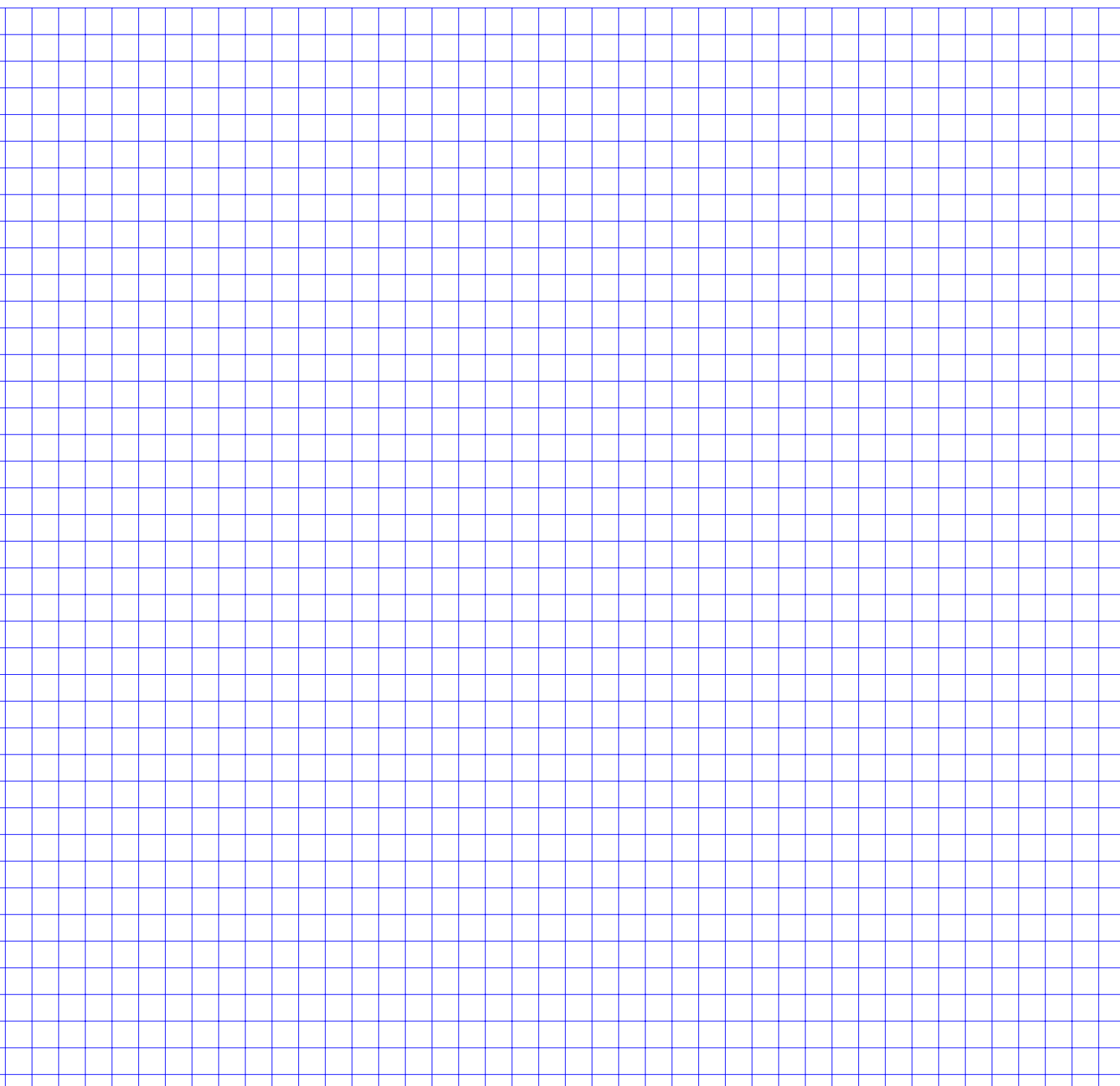
Es sei (X_1, \dots, X_n) eine einfache Stichprobe, wobei für die Stichprobenvariablen gelte:

$$E(X_i) = 1, \quad \text{Var}(X_i) = \sigma^2 \quad \text{für } i = 1, \dots, n$$

- a) Berechnen Sie $E(X_i^2)$.
(Hinweis: Benutzen Sie den Verschiebungssatz der Varianz).
- b) Nun soll die Varianz σ^2 der Grundgesamtheit geschätzt werden. Ist die Funktion

$$\hat{\theta} = \frac{1}{n} (X_1^2 + X_2^2 + \dots + X_n^2) - 1$$

ein erwartungstreuer Schätzer für σ^2 ?





Aufgabe 6

10 Punkte

Ein Getränkehersteller füllt Limonade in 700ml Flaschen ab. Die Anlage ist auf ein Abfüllvolumen von 702ml eingestellt. Dem Hersteller ist daran gelegen, dass das Abfüllvolumen in den Flaschen dem eingestellten Volumen entspricht. Bei einer Stichprobe von 17 zufällig ausgewählten Flaschen betrug das Abfüllvolumen 701,7ml, bei einer Standardabweichung von 1ml. Das Abfüllvolumen in der Grundgesamtheit kann als normalverteilt angesehen werden.

- a) Prüfen Sie mit einem Signifikanzniveau von 2,5%, ob das Abfüllvolumen μ dem eingestellten Volumen entspricht.
- b) Prüfen Sie mit einem Signifikanzniveau von 5%, ob das Mindest-Abfüllvolumen von 700ml eingehalten wird. Der statistische Nachweis soll dabei vom Getränkehersteller erbracht werden!





Aufgabe 7

10 Punkte

Es ist jeweils genau eine Antwort pro Aufgabenteil richtig. Für jede richtige Antwort gibt es 2 Punkte, jede falsch beantwortete gibt -0,5 Punkte, eine nicht beantwortete Frage 0 Punkte. Man kann nicht weniger als 0 Punkte in der Aufgabe bekommen. Tragen Sie ihre Lösungsbuchstaben in die folgenden Kästchen ein. Bitte schreiben sie deutlich!

Aufgabenteil	1	2	3	4	5
Lösung	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

Aufgabenteil 1

Was liefert die folgende R-Eingabe?

```
(2~3:1) + seq(10,17,by = 2) - 1
```

- (A) [1] 17 18 19 20 13 14 15 16
- (B) [1] 17 17 17 17 17 17 17 17
- (C) [1] 17 14 13 20 17 16 23 20
- (D) [1] 10 13 16 19 14 17 20 23
- (E) [1] 10 19 14 23

Aufgabenteil 3: Matrizen

Gegeben sei eine Matrix M. Mit Hilfe von `cbind()` und `rbind()` vergrößern Sie die Matrix wie unten angegeben.

```
M <- matrix(1:9, nrow = 3, byrow = TRUE)
M <- cbind(M,1:3)
M <- rbind(c(2,3),M)
```

Welche Ausgabe erwarten Sie danach bei der Eingabe

```
M[1,]*M[,2]
```

- (A) [1] 1 2 3 4 2 4 6 8
- (B) [1] 40
- (C) [1] 2 10 24 4
- (D) [1] 6 6 10 24
- (E) [1] 2 3 8 21

Aufgabenteil 2

Welche Ausgabe erwarten Sie wenn Sie die folgende Zeile eingeben?

```
sum(table(rep(1:5,3)))
```

- (A) [1] 1 2 3 4 5 1 2 3 4 5 1 2 3 4 5
- (B) [1] 3 3 3 3 3
- (C) [1] 1 1 1 2 2 2 3 3 3 4 4 4 5 5 5
- (D) [1] 15
- (E) [1] 18

Aufgabenteil 4: Funktionen

Gegeben ist folgende Funktion:

```
myFunction <- function(x, y){
  rval <- if(x>y) {
    (x-y)^2
  } else {
    1
  }
  return(rval)
}
```

Welche Ausgabe erwarten Sie für die beiden Aufrufe

```
myFunction(1,1)
myFunction(8,5)
```

- (A) [1] 0 und [1] 3
- (B) [1] 1 und [1] 1
- (C) [1] 0 und [1] 13
- (D) [1] 0 und [1] 9
- (E) [1] 1 und [1] 9

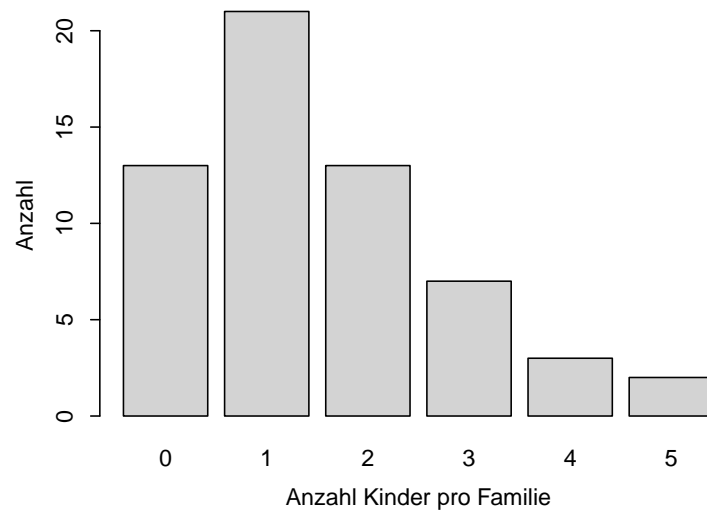
Aufgabenteil 5: Graphik

Franzi hat eine Umfrage bei ihren alten Klassenkameraden gemacht, wie viele Kinder diese 20 Jahre nach ihrer Schulzeit haben:

```
table(x)
```

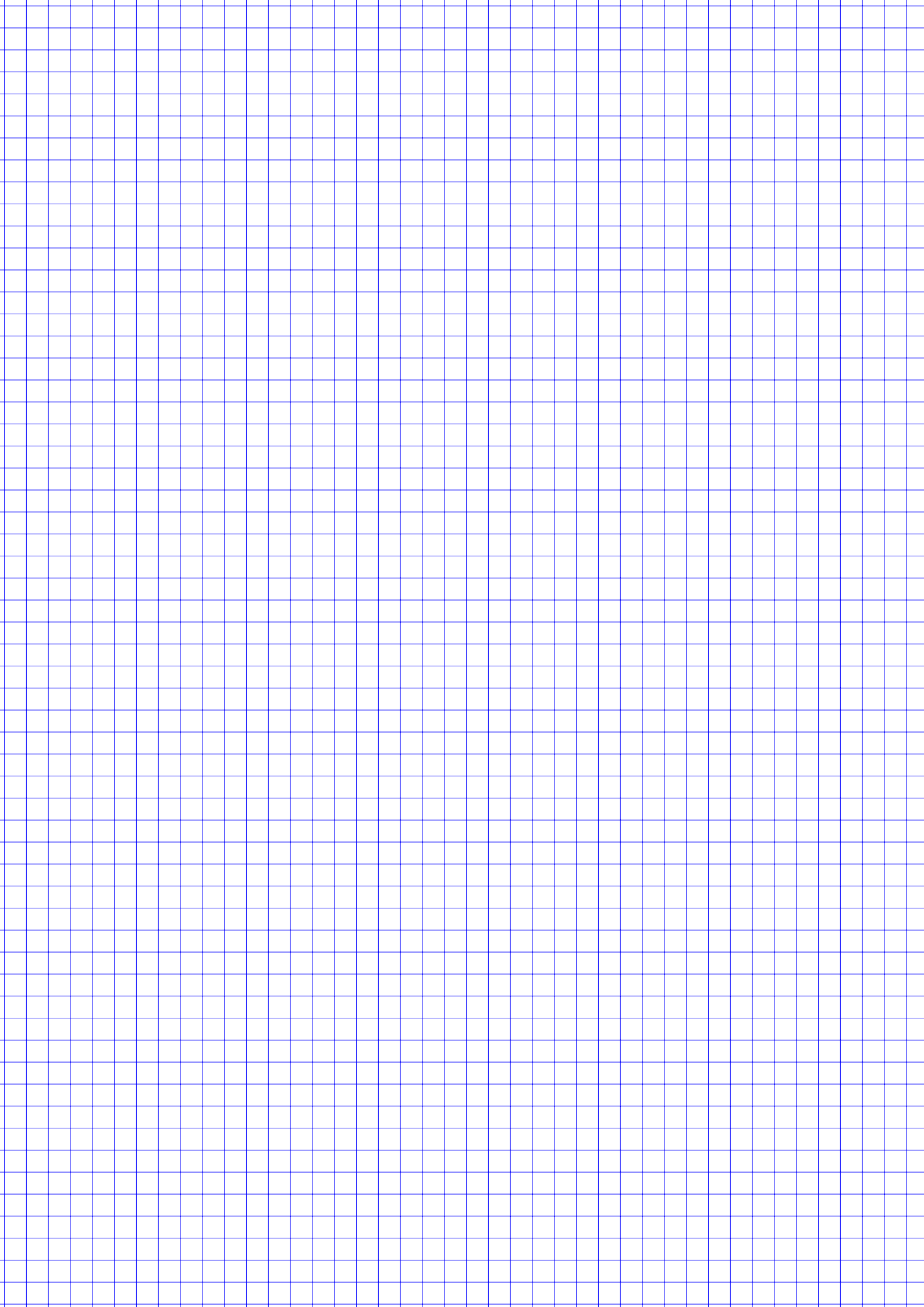
```
## x
## 0 1 2 3 4 5
## 13 21 13 7 3 2
```

Franzi stellt das Ergebnis graphisch dar.



Mit welcher Funktion hat Franzi dies gemacht?

- (A) `barplot(x, COL = "darkgrey", xlab="Anzahl der Kinder pro Familie")`
- (B) `hist(x, col = "lightgrey", xlab="Anzahl der Kinder pro Familie")`
- (C) `plot(table(x), xlab="Anzahl der Kinder pro Familie")`
- (D) `plot(x, col = grey, xlab = "Anzahl Kinder pro Familie", ylab = "Anzahl", bar = TRUE)`
- (E) `barplot(table(x), col = "lightgrey", ylab = "Anzahl", xlab = "Anzahl Kinder pro Familie")`



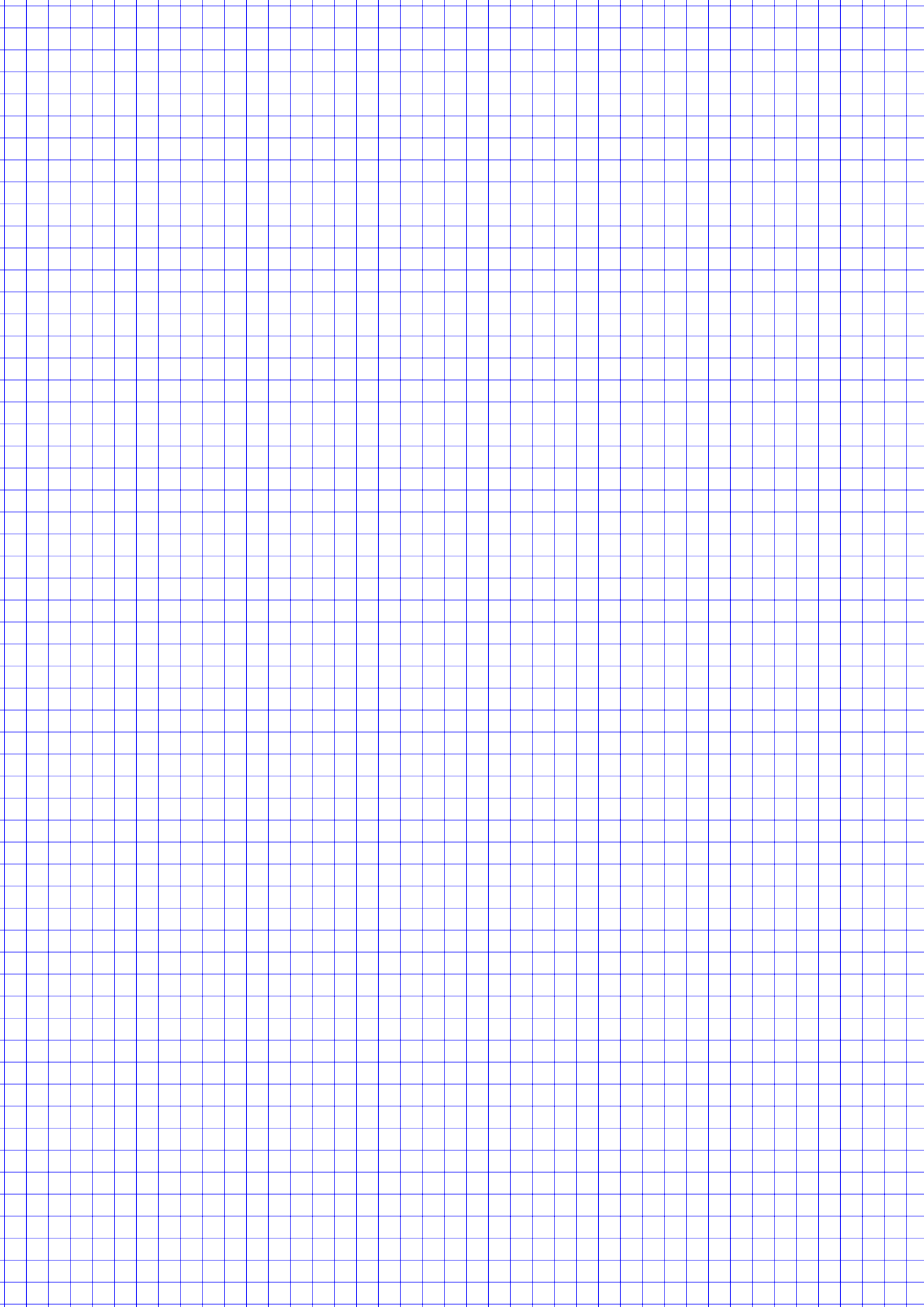




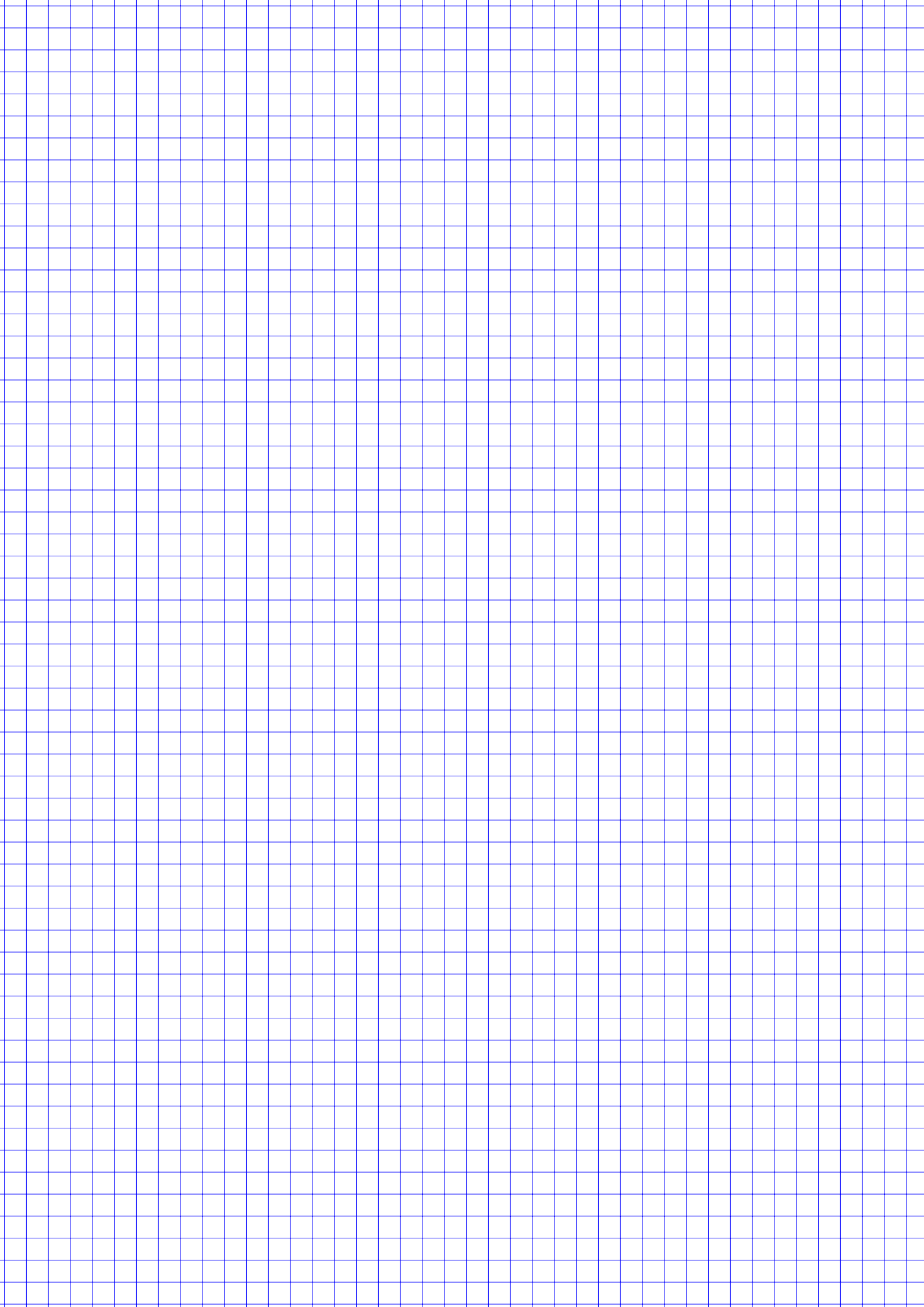












Tabellen

Binomialverteilung $X \sim B(n; p)$, Verteilungsfunktion $F(x) = P(X \leq x)$

$n = 2$

$\downarrow x \quad p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0	0,9801	0,9604	0,9409	0,9216	0,9025	0,8836	0,8649	0,8464	0,8281	0,8100	0,6400	0,5625	0,4900	0,3600	0,2500
1	0,9999	0,9996	0,9991	0,9984	0,9975	0,9964	0,9951	0,9936	0,9919	0,9900	0,9600	0,9375	0,9100	0,8400	0,7500

$n = 3$

$\downarrow x \quad p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0	0,9703	0,9412	0,9127	0,8847	0,8574	0,8306	0,8044	0,7787	0,7536	0,7290	0,5120	0,4219	0,3430	0,2160	0,1250
1	0,9997	0,9988	0,9974	0,9953	0,9928	0,9896	0,9860	0,9818	0,9772	0,9720	0,8960	0,8438	0,7840	0,6480	0,5000
2	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9998	0,9997	0,9995	0,9993	0,9990	0,9920	0,9844	0,9730	0,9360	0,8750

$n = 4$

$\downarrow x \quad p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0	0,9606	0,9224	0,8853	0,8493	0,8145	0,7807	0,7481	0,7164	0,6857	0,6561	0,4096	0,3164	0,2401	0,1296	0,0625
1	0,9994	0,9977	0,9948	0,9909	0,9860	0,9801	0,9733	0,9656	0,9570	0,9477	0,8192	0,7383	0,6517	0,4752	0,3125
2	1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9995	0,9992	0,9987	0,9981	0,9973	0,9963	0,9728	0,9492	0,9163	0,8208	0,6875
3	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9984	0,9961	0,9919	0,9744	0,9375

$n = 5$

$\downarrow x \quad p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0	0,9510	0,9039	0,8587	0,8154	0,7738	0,7339	0,6957	0,6591	0,6240	0,5905	0,3277	0,2373	0,1681	0,0778	0,0313
1	0,9990	0,9962	0,9915	0,9852	0,9774	0,9681	0,9575	0,9456	0,9326	0,9185	0,7373	0,6328	0,5282	0,3370	0,1875
2	1,0000	0,9999	0,9997	0,9994	0,9988	0,9980	0,9969	0,9955	0,9937	0,9914	0,9421	0,8965	0,8369	0,6826	0,5000
3	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9998	0,9997	0,9995	0,9933	0,9844	0,9692	0,9130	0,8125
4	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9997	0,9990	0,9976	0,9898	0,9688

$n = 6$

$\downarrow x \quad p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0	0,9415	0,8858	0,8330	0,7828	0,7351	0,6899	0,6470	0,6064	0,5679	0,5314	0,2621	0,1780	0,1176	0,0467	0,0156
1	0,9985	0,9943	0,9875	0,9784	0,9672	0,9541	0,9392	0,9227	0,9048	0,8857	0,6554	0,5339	0,4202	0,2333	0,1094
2	1,0000	0,9998	0,9995	0,9988	0,9978	0,9962	0,9942	0,9915	0,9882	0,9842	0,9011	0,8306	0,7443	0,5443	0,3438
3	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9997	0,9995	0,9992	0,9987	0,9830	0,9624	0,9295	0,8208	0,6563
4	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9984	0,9954	0,9891	0,9590	0,8906
5	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9993	0,9959	0,9844

$n = 7$

$\downarrow x \quad p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0	0,9321	0,8681	0,8080	0,7514	0,6983	0,6485	0,6017	0,5578	0,5168	0,4783	0,2097	0,1335	0,0824	0,0280	0,0078
1	0,9980	0,9921	0,9829	0,9706	0,9556	0,9382	0,9187	0,8974	0,8745	0,8503	0,5767	0,4449	0,3294	0,1586	0,0625
2	1,0000	0,9997	0,9991	0,9980	0,9962	0,9937	0,9903	0,9860	0,9807	0,9743	0,8520	0,7564	0,6471	0,4199	0,2266
3	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9996	0,9993	0,9988	0,9982	0,9973	0,9667	0,9294	0,8740	0,7102	0,5000
4	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9998	0,9953	0,9871	0,9712	0,9037	0,7734
5	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9996	0,9987	0,9962	0,9812	0,9375
6	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9984	0,9922

$n = 8$

$\downarrow x \quad p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0	0,9227	0,8508	0,7837	0,7214	0,6634	0,6096	0,5596	0,5132	0,4703	0,4305	0,1678	0,1001	0,0576	0,0168	0,0039
1	0,9973	0,9897	0,9777	0,9619	0,9428	0,9208	0,8965	0,8702	0,8423	0,8131	0,5033	0,3671	0,2553	0,1064	0,0352
2	0,9999	0,9996	0,9987	0,9969	0,9942	0,9904	0,9853	0,9789	0,9711	0,9619	0,7969	0,6785	0,5518	0,3154	0,1445
3	1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9996	0,9993	0,9987	0,9978	0,9966	0,9950	0,9437	0,8862	0,8059	0,5941	0,3633
4	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9997	0,9996	0,9896	0,9727	0,9420	0,8263	0,6367
5	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9988	0,9958	0,9887	0,9502	0,8555
6	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9996	0,9987	0,9915	0,9648
7	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9993	0,9961

$n = 9$

$\downarrow x \quad p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0	0,9135	0,8337	0,7602	0,6925	0,6302	0,5730	0,5204	0,4722	0,4279	0,3874	0,1342	0,0751	0,0404	0,0101	0,0020
1	0,9966	0,9869	0,9718	0,9522	0,9288	0,9022	0,8729	0,8417	0,8088	0,7748	0,4362	0,3003	0,1960	0,0705	0,0195
2	0,9999	0,9994	0,9980	0,9955	0,9916	0,9862	0,9791	0,9702	0,9595	0,9470	0,7382	0,6007	0,4628	0,2318	0,0898
3	1,0000	1,0000	0,9999	0,9997	0,9994	0,9987	0,9977	0,9963	0,9943	0,9917	0,9144	0,8343	0,7297	0,4826	0,2539
4	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9997	0,9995	0,9991	0,9804	0,9511	0,9012	0,7334	0,5000
5	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9969	0,9900	0,9747	0,9006	0,7461
6	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9997	0,9987	0,9957	0,9750	0,9102
7	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9996	0,9962	0,9805
8	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9997	0,9980

$n = 10$

$\downarrow x \quad p \rightarrow$	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09	0,1	0,2	0,25	0,3	0,4	0,5
0	0,9044	0,8171	0,7374	0,6648	0,5987	0,5386	0,4840	0,4344	0,3894	0,3487	0,1074	0,0563	0,0282	0,0060	0,0010
1	0,9957	0,9838	0,9655	0,9418	0,9139	0,8824	0,8483	0,8121	0,7746	0,7361	0,3758	0,2440	0,1493	0,0464	0,0107
2	0,9999	0,9991	0,9972	0,9938	0,9885	0,9812	0,9717	0,9599	0,9460	0,9298	0,6778	0,5256	0,3828	0,1673	0,0547
3	1,0000	1,0000	0,9999	0,9996	0,9990	0,9980	0,9964	0,9942	0,9912	0,9872	0,8791	0,7759	0,6496	0,3823	0,1719
4	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9998	0,9997	0,9994	0,9990	0,9984	0,9672	0,9219	0,8497	0,6331	0,3770
5	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9999	0,9936	0,9803	0,9527	0,8338	0,6230
6	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9991	0,9965	0,9894	0,9452	0,8281
7	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9996	0,9984	0,9877	0,9453
8	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9983	0,9893
9	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	1,0000	0,9999	0,9990

Verteilungsfunktion Φ der Standardnormalverteilung

Dabei bedeutet $\Phi(x)$ zum Beispiel: $\Phi(2,13) = \Phi(2,1 + 0,03) = 0,9834$. Diesen Wert findet man in der Zeile mit $x_1 = 2,1$ und der Spalte mit $x_2 = 0,03$.

$x_1 \backslash x_2$	0	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0	0,50000	0,50399	0,50798	0,51197	0,51595	0,51994	0,52392	0,52790	0,53188	0,53586
0,1	0,53983	0,54380	0,54776	0,55172	0,55567	0,55962	0,56356	0,56749	0,57142	0,57535
0,2	0,57926	0,58317	0,58706	0,59095	0,59483	0,59871	0,60257	0,60642	0,61026	0,61409
0,3	0,61791	0,62172	0,62552	0,62930	0,63307	0,63683	0,64058	0,64431	0,64803	0,65173
0,4	0,65542	0,65910	0,66276	0,66640	0,67003	0,67364	0,67724	0,68082	0,68439	0,68793
0,5	0,69146	0,69497	0,69847	0,70194	0,70540	0,70884	0,71226	0,71566	0,71904	0,72240
0,6	0,72575	0,72907	0,73237	0,73565	0,73891	0,74215	0,74537	0,74857	0,75175	0,75490
0,7	0,75804	0,76115	0,76424	0,76730	0,77035	0,77337	0,77637	0,77935	0,78230	0,78524
0,8	0,78814	0,79103	0,79389	0,79673	0,79955	0,80234	0,80511	0,80785	0,81057	0,81327
0,9	0,81594	0,81859	0,82121	0,82381	0,82639	0,82894	0,83147	0,83398	0,83646	0,83891
1	0,84134	0,84375	0,84614	0,84850	0,85083	0,85314	0,85543	0,85769	0,85993	0,86214
1,1	0,86433	0,86650	0,86864	0,87076	0,87286	0,87493	0,87698	0,87900	0,88100	0,88298
1,2	0,88493	0,88686	0,88877	0,89065	0,89251	0,89435	0,89617	0,89796	0,89973	0,90147
1,3	0,90320	0,90490	0,90658	0,90824	0,90988	0,91149	0,91309	0,91466	0,91621	0,91774
1,4	0,91924	0,92073	0,92220	0,92364	0,92507	0,92647	0,92785	0,92922	0,93056	0,93189
1,5	0,93319	0,93448	0,93574	0,93699	0,93822	0,93943	0,94062	0,94179	0,94295	0,94408
1,6	0,94520	0,94630	0,94738	0,94845	0,94950	0,95053	0,95154	0,95254	0,95352	0,95449
1,7	0,95543	0,95637	0,95728	0,95818	0,95907	0,95994	0,96080	0,96164	0,96246	0,96327
1,8	0,96407	0,96485	0,96562	0,96638	0,96712	0,96784	0,96856	0,96926	0,96995	0,97062
1,9	0,97128	0,97193	0,97257	0,97320	0,97381	0,97441	0,97500	0,97558	0,97615	0,97670
2	0,97725	0,97778	0,97831	0,97882	0,97932	0,97982	0,98030	0,98077	0,98124	0,98169
2,1	0,98214	0,98257	0,98300	0,98341	0,98382	0,98422	0,98461	0,98500	0,98537	0,98574
2,2	0,98610	0,98645	0,98679	0,98713	0,98745	0,98778	0,98809	0,98840	0,98870	0,98899
2,3	0,98928	0,98956	0,98983	0,99010	0,99036	0,99061	0,99086	0,99111	0,99134	0,99158
2,4	0,99180	0,99202	0,99224	0,99245	0,99266	0,99286	0,99305	0,99324	0,99343	0,99361
2,5	0,99379	0,99396	0,99413	0,99430	0,99446	0,99461	0,99477	0,99492	0,99506	0,99520
2,6	0,99534	0,99547	0,99560	0,99573	0,99585	0,99598	0,99609	0,99621	0,99632	0,99643
2,7	0,99653	0,99664	0,99674	0,99683	0,99693	0,99702	0,99711	0,99720	0,99728	0,99736
2,8	0,99744	0,99752	0,99760	0,99767	0,99774	0,99781	0,99788	0,99795	0,99801	0,99807
2,9	0,99813	0,99819	0,99825	0,99831	0,99836	0,99841	0,99846	0,99851	0,99856	0,99861
3	0,99865	0,99869	0,99874	0,99878	0,99882	0,99886	0,99889	0,99893	0,99897	0,99900
3,1	0,99903	0,99906	0,99910	0,99913	0,99916	0,99918	0,99921	0,99924	0,99926	0,99929
3,2	0,99931	0,99934	0,99936	0,99938	0,99940	0,99942	0,99944	0,99946	0,99948	0,99950
3,3	0,99952	0,99953	0,99955	0,99957	0,99958	0,99960	0,99961	0,99962	0,99964	0,99965
3,4	0,99966	0,99968	0,99969	0,99970	0,99971	0,99972	0,99973	0,99974	0,99975	0,99976

α -Fraktile der χ^2 -Verteilung mit n Freiheitsgraden

$\downarrow \alpha \setminus n \rightarrow$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
0,005	0,00	0,01	0,07	0,21	0,41	0,68	0,99	1,34	1,73	2,16	2,60	3,07	3,56	4,07	4,60
0,01	0,00	0,02	0,11	0,30	0,55	0,87	1,24	1,65	2,09	2,56	3,05	3,57	4,11	4,66	5,23
0,025	0,00	0,05	0,22	0,48	0,83	1,24	1,69	2,18	2,70	3,25	3,82	4,40	5,01	5,63	6,26
0,05	0,00	0,10	0,35	0,71	1,15	1,64	2,17	2,73	3,33	3,94	4,57	5,23	5,89	6,57	7,26
0,1	0,02	0,21	0,58	1,06	1,61	2,20	2,83	3,49	4,17	4,87	5,58	6,30	7,04	7,79	8,55
0,2	0,06	0,45	1,01	1,65	2,34	3,07	3,82	4,59	5,38	6,18	6,99	7,81	8,63	9,47	10,31
0,25	0,10	0,58	1,21	1,92	2,67	3,45	4,25	5,07	5,90	6,74	7,58	8,44	9,30	10,17	11,04
0,4	0,28	1,02	1,87	2,75	3,66	4,57	5,49	6,42	7,36	8,30	9,24	10,18	11,13	12,08	13,03
0,5	0,45	1,39	2,37	3,36	4,35	5,35	6,35	7,34	8,34	9,34	10,34	11,34	12,34	13,34	14,34
0,6	0,71	1,83	2,95	4,04	5,13	6,21	7,28	8,35	9,41	10,47	11,53	12,58	13,64	14,69	15,73
0,75	1,32	2,77	4,11	5,39	6,63	7,84	9,04	10,22	11,39	12,55	13,70	14,85	15,98	17,12	18,25
0,8	1,64	3,22	4,64	5,99	7,29	8,56	9,80	11,03	12,24	13,44	14,63	15,81	16,98	18,15	19,31
0,9	2,71	4,61	6,25	7,78	9,24	10,64	12,02	13,36	14,68	15,99	17,27	18,55	19,81	21,06	22,31
0,95	3,84	5,99	7,81	9,49	11,07	12,59	14,07	15,51	16,92	18,31	19,68	21,03	22,36	23,68	25,00
0,975	5,02	7,38	9,35	11,14	12,83	14,45	16,01	17,53	19,02	20,48	21,92	23,34	24,74	26,12	27,49
0,99	6,63	9,21	11,34	13,28	15,09	16,81	18,48	20,09	21,67	23,21	24,73	26,22	27,69	29,14	30,58
0,995	7,88	10,60	12,84	14,86	16,75	18,55	20,28	21,95	23,59	25,19	26,76	28,30	29,82	31,32	32,80

$\downarrow \alpha \setminus n \rightarrow$	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
0,005	5,14	5,70	6,26	6,84	7,43	8,03	8,64	9,26	9,89	10,52	11,16	11,81	12,46	13,12	13,79
0,01	5,81	6,41	7,01	7,63	8,26	8,90	9,54	10,20	10,86	11,52	12,20	12,88	13,56	14,26	14,95
0,025	6,91	7,56	8,23	8,91	9,59	10,28	10,98	11,69	12,40	13,12	13,84	14,57	15,31	16,05	16,79
0,05	7,96	8,67	9,39	10,12	10,85	11,59	12,34	13,09	13,85	14,61	15,38	16,15	16,93	17,71	18,49
0,1	9,31	10,09	10,86	11,65	12,44	13,24	14,04	14,85	15,66	16,47	17,29	18,11	18,94	19,77	20,60
0,2	11,15	12,00	12,86	13,72	14,58	15,44	16,31	17,19	18,06	18,94	19,82	20,70	21,59	22,48	23,36
0,25	11,91	12,79	13,68	14,56	15,45	16,34	17,24	18,14	19,04	19,94	20,84	21,75	22,66	23,57	24,48
0,4	13,98	14,94	15,89	16,85	17,81	18,77	19,73	20,69	21,65	22,62	23,58	24,54	25,51	26,48	27,44
0,5	15,34	16,34	17,34	18,34	19,34	20,34	21,34	22,34	23,34	24,34	25,34	26,34	27,34	28,34	29,34
0,6	16,78	17,82	18,87	19,91	20,95	21,99	23,03	24,07	25,11	26,14	27,18	28,21	29,25	30,28	31,32
0,75	19,37	20,49	21,60	22,72	23,83	24,93	26,04	27,14	28,24	29,34	30,43	31,53	32,62	33,71	34,80
0,8	20,47	21,61	22,76	23,90	25,04	26,17	27,30	28,43	29,55	30,68	31,79	32,91	34,03	35,14	36,25
0,9	23,54	24,77	25,99	27,20	28,41	29,62	30,81	32,01	33,20	34,38	35,56	36,74	37,92	39,09	40,26
0,95	26,30	27,59	28,87	30,14	31,41	32,67	33,92	35,17	36,41	37,65	38,89	40,11	41,34	42,56	43,77
0,975	28,85	30,19	31,53	32,85	34,17	35,48	36,78	38,08	39,36	40,65	41,92	43,19	44,46	45,72	46,98
0,99	32,00	33,41	34,81	36,19	37,57	38,93	40,29	41,64	42,98	44,31	45,64	46,96	48,28	49,59	50,89
0,995	34,27	35,72	37,16	38,58	40,00	41,40	42,80	44,18	45,56	46,93	48,29	49,64	50,99	52,34	53,67

α -Fraktile der t -Verteilung mit n Freiheitsgraden

$\downarrow n \setminus \alpha \rightarrow$	0,6	0,75	0,8	0,9	0,95	0,975	0,99	0,995
1	0,325	1,000	1,376	3,078	6,314	12,706	31,820	63,657
2	0,289	0,816	1,061	1,886	2,920	4,303	6,965	9,925
3	0,277	0,765	0,979	1,638	2,353	3,183	4,541	5,841
4	0,271	0,741	0,941	1,533	2,132	2,776	3,747	4,604
5	0,267	0,727	0,920	1,476	2,015	2,571	3,365	4,032
6	0,265	0,718	0,906	1,440	1,943	2,447	3,143	3,707
7	0,263	0,711	0,896	1,415	1,895	2,365	2,998	3,499
8	0,262	0,706	0,889	1,397	1,860	2,306	2,897	3,355
9	0,261	0,703	0,883	1,383	1,833	2,262	2,821	3,250
10	0,260	0,700	0,879	1,372	1,812	2,228	2,764	3,169
11	0,260	0,698	0,875	1,363	1,796	2,201	2,718	3,106
12	0,259	0,696	0,873	1,356	1,782	2,179	2,681	3,054
13	0,259	0,694	0,870	1,350	1,771	2,160	2,650	3,012
14	0,258	0,692	0,868	1,345	1,761	2,145	2,624	2,977
15	0,258	0,691	0,866	1,341	1,753	2,131	2,603	2,947
16	0,258	0,690	0,865	1,337	1,746	2,120	2,583	2,921
17	0,257	0,689	0,863	1,333	1,740	2,110	2,567	2,898
18	0,257	0,688	0,862	1,330	1,734	2,101	2,552	2,878
19	0,257	0,688	0,861	1,328	1,729	2,093	2,539	2,861
20	0,257	0,687	0,860	1,325	1,725	2,086	2,528	2,845
21	0,257	0,686	0,859	1,323	1,721	2,080	2,518	2,831
22	0,256	0,686	0,858	1,321	1,717	2,074	2,508	2,819
23	0,256	0,685	0,858	1,319	1,714	2,069	2,500	2,807
24	0,256	0,685	0,857	1,318	1,711	2,064	2,492	2,797
25	0,256	0,684	0,856	1,316	1,708	2,059	2,485	2,787
26	0,256	0,684	0,856	1,315	1,706	2,055	2,479	2,779
27	0,256	0,684	0,855	1,314	1,703	2,052	2,473	2,771
28	0,256	0,683	0,855	1,312	1,701	2,048	2,467	2,763
29	0,256	0,683	0,854	1,311	1,699	2,045	2,462	2,756
30	0,256	0,683	0,854	1,310	1,697	2,042	2,457	2,750

α -Fraktile der F -Verteilung mit den Freiheitsgraden ν_1 und ν_2

$\alpha = 0,95$

$\nu_1 \backslash \nu_2$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	15	20	30	40	50	100
1	161,4	18,51	10,13	7,71	6,61	5,99	5,59	5,32	5,12	4,96	4,54	4,35	4,17	4,08	4,03	3,94
2	199,5	19,00	9,55	6,94	5,79	5,14	4,74	4,46	4,26	4,10	3,68	3,49	3,32	3,23	3,18	3,09
3	215,7	19,16	9,28	6,59	5,41	4,76	4,35	4,07	3,86	3,71	3,29	3,10	2,92	2,84	2,79	2,70
4	224,6	19,25	9,12	6,39	5,19	4,53	4,12	3,84	3,63	3,48	3,06	2,87	2,69	2,61	2,56	2,46
5	230,2	19,30	9,01	6,26	5,05	4,39	3,97	3,69	3,48	3,33	2,90	2,71	2,53	2,45	2,40	2,31
6	234,0	19,33	8,94	6,16	4,95	4,28	3,87	3,58	3,37	3,22	2,79	2,60	2,42	2,34	2,29	2,19
7	236,8	19,35	8,89	6,09	4,88	4,21	3,79	3,50	3,29	3,14	2,71	2,51	2,33	2,25	2,20	2,10
8	238,9	19,37	8,85	6,04	4,82	4,15	3,73	3,44	3,23	3,07	2,64	2,45	2,27	2,18	2,13	2,03
9	240,5	19,38	8,81	6,00	4,77	4,10	3,68	3,39	3,18	3,02	2,59	2,39	2,21	2,12	2,07	1,97
10	241,9	19,40	8,79	5,96	4,74	4,06	3,64	3,35	3,14	2,98	2,54	2,35	2,16	2,08	2,03	1,93
15	245,9	19,43	8,70	5,86	4,62	3,94	3,51	3,22	3,01	2,85	2,40	2,20	2,01	1,92	1,87	1,77
20	248,0	19,45	8,66	5,80	4,56	3,87	3,44	3,15	2,94	2,77	2,33	2,12	1,93	1,84	1,78	1,68
30	250,1	19,46	8,62	5,75	4,50	3,81	3,38	3,08	2,86	2,70	2,25	2,04	1,84	1,74	1,69	1,57
40	251,1	19,47	8,59	5,72	4,46	3,77	3,34	3,04	2,83	2,66	2,20	1,99	1,79	1,69	1,63	1,52
50	251,8	19,48	8,58	5,70	4,44	3,75	3,32	3,02	2,80	2,64	2,18	1,97	1,76	1,66	1,60	1,48
100	253,0	19,49	8,55	5,66	4,41	3,71	3,27	2,97	2,76	2,59	2,12	1,91	1,70	1,59	1,52	1,39

$\alpha = 0,99$

$\nu_1 \backslash \nu_2$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	15	20	30	40	50	100
1	4052	98,50	34,12	21,20	16,26	13,75	12,25	11,26	10,56	10,04	8,68	8,10	7,56	7,31	7,17	6,90
2	5000	99,00	30,82	18,00	13,27	10,92	9,55	8,65	8,02	7,56	6,36	5,85	5,39	5,18	5,06	4,82
3	5403	99,17	29,46	16,69	12,06	9,78	8,45	7,59	6,99	6,55	5,42	4,94	4,51	4,31	4,20	3,98
4	5625	99,25	28,71	15,98	11,39	9,15	7,85	7,01	6,42	5,99	4,89	4,43	4,02	3,83	3,72	3,51
5	5764	99,30	28,24	15,52	10,97	8,75	7,46	6,63	6,06	5,64	4,56	4,10	3,70	3,51	3,41	3,21
6	5859	99,33	27,91	15,21	10,67	8,47	7,19	6,37	5,80	5,39	4,32	3,87	3,47	3,29	3,19	2,99
7	5928	99,36	27,67	14,98	10,46	8,26	6,99	6,18	5,61	5,20	4,14	3,70	3,30	3,12	3,02	2,82
8	5981	99,37	27,49	14,80	10,29	8,10	6,84	6,03	5,47	5,06	4,00	3,56	3,17	2,99	2,89	2,69
9	6022	99,39	27,35	14,66	10,16	7,98	6,72	5,91	5,35	4,94	3,89	3,46	3,07	2,89	2,78	2,59
10	6056	99,40	27,23	14,55	10,05	7,87	6,62	5,81	5,26	4,85	3,80	3,37	2,98	2,80	2,70	2,50
15	6157	99,43	26,87	14,20	9,72	7,56	6,31	5,52	4,96	4,56	3,52	3,09	2,70	2,52	2,42	2,22
20	6209	99,45	26,69	14,02	9,55	7,40	6,16	5,36	4,81	4,41	3,37	2,94	2,55	2,37	2,27	2,07
30	6261	99,47	26,50	13,84	9,38	7,23	5,99	5,20	4,65	4,25	3,21	2,78	2,39	2,20	2,10	1,89
40	6287	99,47	26,41	13,75	9,29	7,14	5,91	5,12	4,57	4,17	3,13	2,69	2,30	2,11	2,01	1,80
50	6303	99,48	26,35	13,69	9,24	7,09	5,86	5,07	4,52	4,12	3,08	2,64	2,25	2,06	1,95	1,74
100	6334	99,49	26,24	13,58	9,13	6,99	5,75	4,96	4,41	4,01	2,98	2,54	2,13	1,94	1,82	1,60